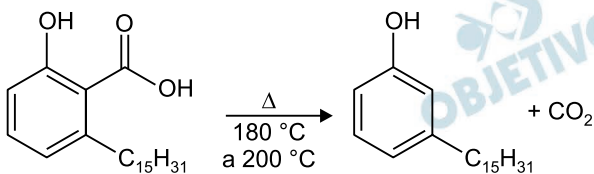


CIÊNCIAS DA NATUREZA E SUAS TECNOLOGIA

91

O fruto do cajueiro é um aquênio repleto de um líquido escuro, quase preto, cáustico e inflamável. Esse líquido da casca da castanha do caju (LCC) representa aproximadamente 25% da massa da castanha e é um subproduto de agronegócio do caju. Quando submetido a altas temperaturas, o ácido anacárdico presente no LCC é convertido a cardanol, que recebe a denominação de LCC técnico, conforme o esquema:



Ácido anacárdico

Cardanol

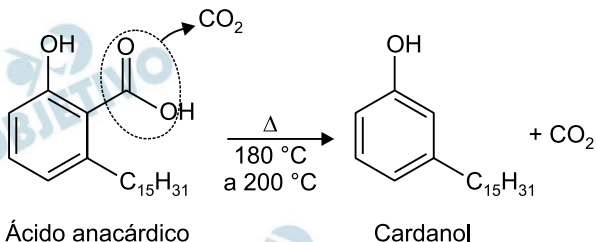
MAZZETTO, S. E.; LOMONACO, O.; VIELE, G. Óleo da castanha de caju: oportunidades e desafios no contexto do desenvolvimento e sustentabilidade industrial. **Química Nova**, n. 3, 2009 (adaptado).

O LCC técnico é produzido por meio de uma reação orgânica do tipo

- a) hidrólise.
- b) fenilação.
- c) esterificação.
- d) hidrogenação.
- e) descarboxilação.

Resolução

Na transformação apresentada, há eliminação de gás carbônico (CO_2) proveniente do grupo carboxila presente no ácido anacárdico, formando o cardanol.



Ácido anacárdico

Cardanol

Tal reação é denominada **descarboxilação**.

Resposta: E

A química nuclear é uma importante ferramenta na produção de substâncias utilizadas na área da saúde humana. A radiação emitida pelo cobalto-60 é utilizada na medicina como ferramenta de diagnóstico e no tratamento do câncer. No entanto, esse radioisótopo tem um tempo de armazenamento limitado, pois seu tempo de meia-vida é de 5,3 anos. Considere um frasco com uma amostra contendo 2,00 mg de cobalto-60, armazenado durante um período de 26,5 anos.

A massa de cobalto-60, em miligrama, que restará ao final desse tempo é mais próxima de

- a) 2,00 mg. b) 1,00 mg. c) 0,40 mg.
d) 0,13 mg. e) 0,06 mg.

Resolução

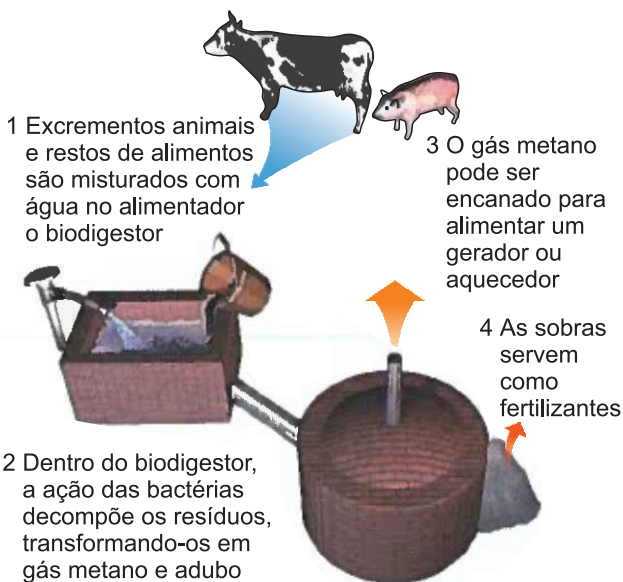
Partindo-se de uma massa de 2,00 mg de cobalto-60, com o período de meia-vida de 5,3 anos, tem-se:

$$\begin{array}{ccccccc} 2,00 \text{ mg} & \xrightarrow{5,3 \text{ anos}} & 1,00 \text{ mg} & \xrightarrow{5,3 \text{ anos}} & 0,50 \text{ mg} & \xrightarrow{5,3 \text{ anos}} & \\ 0,25 \text{ mg} & \xrightarrow{5,3 \text{ anos}} & 0,125 \text{ mg} & \xrightarrow{5,3 \text{ anos}} & 0,0625 & \xrightarrow{\quad} & \end{array}$$

Assim, após 5 períodos de meia-vida ($5,3 \times 5 = 26,5$ anos), restará 0,0625 mg de cobalto-60. A resposta que mais se aproxima é 0,06 mg.

Resposta: E

O esquema apresenta as etapas do processo de biodigestão, uma forma de dar um destino sustentável a excrementos animais e restos de comida produzidos em áreas de criação de gado e porcos confinados.



Disponível em engquimicasantosp.com.br

Acesso em: 11 fev. 2015 (adaptado).

Dar destino sustentável às sobras, conforme apresentado na etapa 4, ajuda a evitar a

- bioacumulação de toxinas em plantas.
- eutrofização dos corpos de água.
- destruição da camada de ozônio.
- ocorrência de inversão térmica.
- produção de chuva ácida.

Resolução

A eutrofização é provocada pelo excesso de nutrientes em corpos de água, principalmente por conta de nitrogênio e fósforo, encontrados no esgoto e nos fertilizantes.

Dar destino sustentável às sobras que servem como fertilizantes, conforme apresentado na etapa 4 do esquema mostrado na questão, ajuda a evitar o fenômeno.

Resposta: B

Golden Rice, ou arroz dourado, é uma variedade de arroz enriquecida em betacaroteno, precursor da vitamina A. Foi desenvolvida para ajudar a combater a doença decorrente da deficiência dessa vitamina. Para a obtenção dessa variedade de arroz, foram utilizados métodos de engenharia genética.

BORÉM, A.; SANTOS, F. R. **Entendendo a biotecnologia**. Viçosa: UFV, 2008 (adaptado).

Esse alimento contribui para diminuir a carência associada a qual doença?

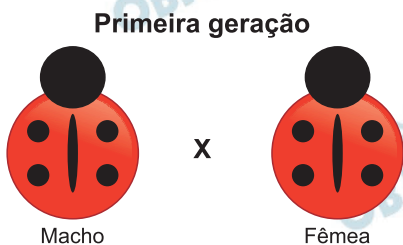
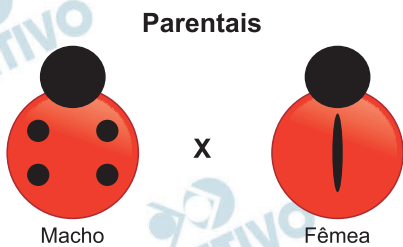
- a) Hemofilia.
- b) Escorbuto.
- c) Raquitismo.
- d) Cegueira noturna.
- e) Anemia perniciosa.

Resolução

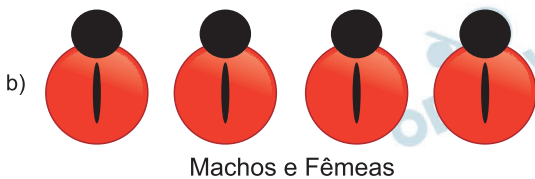
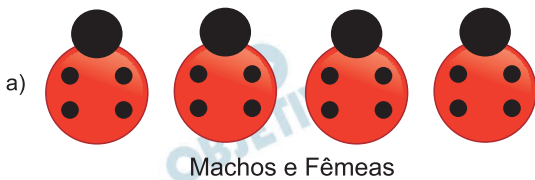
A vitamina A, cujo precursor é o betacaroteno, é um composto importante para a síntese da rodopsina (pigmento fotorreceptor, presente na retina do olho humano). A carência de vitamina A na dieta pode provocar uma avitaminose, conhecida como cegueira noturna.

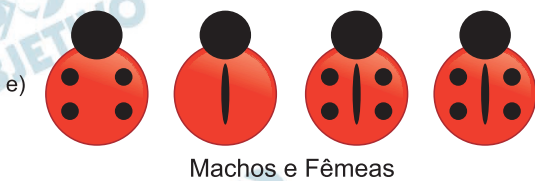
Resposta: D

A figura apresenta a herança genética de uma característica a partir do cruzamento de insetos de uma mesma espécie.



Qual alternativa apresenta a proporção fenotípica da prole resultante do cruzamento entre indivíduos da primeira geração?





Resolução

A herança genética demonstrada na figura representa um caso de codominância, na qual o heterozigoto apresenta as duas características.

Parentais:

BB: presença de círculos escuros

LL: presença de listra

1.^a Geração:

BL x BL

apresentando círculos escuros e listra

	B	L
B	BB	BL
L	BL	LL

Proporção resultante:

1BB: presença de círculos escuros

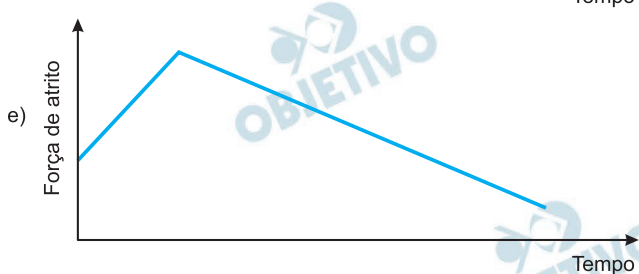
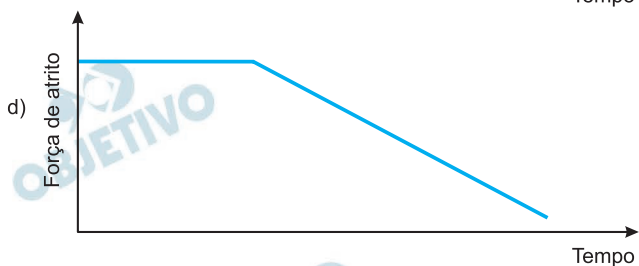
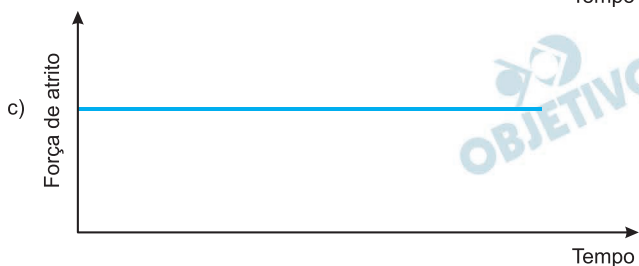
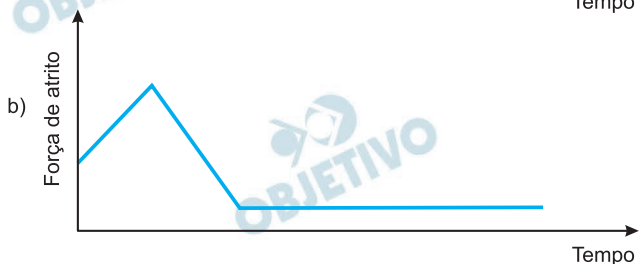
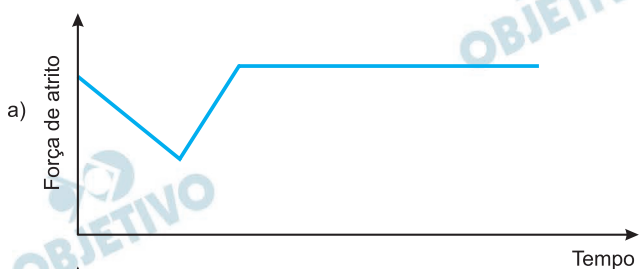
1LL: presença de listra

2BL: presença de círculos escuros e listra

Resposta: E

Para transportar uma caixa do primeiro para o segundo piso de uma construção, um trabalhador precisará arrastá-la sobre um plano inclinado. O trabalhador começa a arrastar a caixa no primeiro piso, exercendo sobre ela uma força de grande intensidade, paralela ao seu deslocamento. Na medida em que a caixa sobe o plano inclinado, ele decide reduzir a força sobre ela, arrastando-a lentamente até chegar ao segundo piso. Considere que a caixa permanece em movimento nos encontros dos pisos com o plano inclinado, e que a rugosidade entre as superfícies permanece a mesma durante todo o percurso.

O comportamento da força de atrito entre a caixa e o chão no plano inclinado é representado em:



Resolução

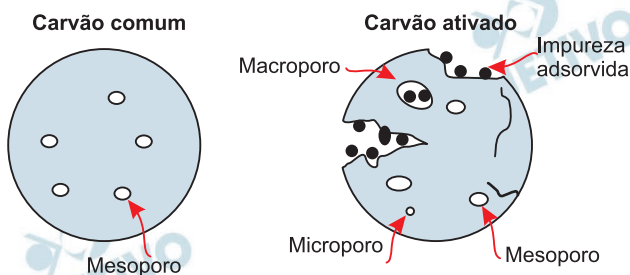
Sendo a força aplicada paralela ao plano, a força normal trocada entre a caixa e o plano inclinado tem intensidade $F_N = mg \cos \theta$ (θ é a inclinação do plano inclinado) e a força de atrito dinâmica trocada entre a caixa e o plano inclinado terá intensidade constante dada por:

$$F_{\text{atdin}} = \mu F_N = \mu mg \cos \theta$$

Portanto, a força de atrito permanece constante, não importando o tipo de movimento da caixa.

Resposta: C

A filtração em carvão é uma das mais antigas formas de purificação de água. O carvão ativado, diferentemente do carvão comum, é útil para ser empregado na remoção de material orgânico, cloro e outros contaminantes. Essa capacidade decorre de suas propriedades de adsorção. A origem do material utilizado para produzir o carvão ativado pode influenciar sua porosidade e, conseqüentemente, interferir na capacidade do material de remover impurezas. Na figura, é ilustrada esquematicamente a diferença entre as estruturas físicas do carvão comum e do carvão ativado.



CORRÊA, M. A. **Cosmetologia: ciência e técnica.**

São Paulo: Medfarma, 2012 (adaptado).

Qual característica do carvão ativado explica a sua maior eficiência nesse processo?

- a) Massa.
- b) Dureza.
- c) Densidade.
- d) Superfície.
- e) Condutividade.

Resolução

A figura mostra que o carvão ativado apresenta maior superfície de contato com as impurezas da água, portanto aumentando a eficiência do processo de purificação. Tal capacidade do material (carvão ativado) é devida a sua elevada porosidade.

Resposta: D

A maioria dos seres vivos tem um relógio biológico (ciclo circadiano), que regula as mudanças metabólicas e comportamentais de acordo com o ciclo de 24 horas de rotação da Terra. Em 2015, um artigo publicado na revista *Science Advantage* mostrou ser possível a transferência dos genes do relógio circadiano da cianobactéria *Synechococcus elongatus* para o genoma da bactéria *Escherichia coli*, um organismo não circadiano.

CHEN, A. H. et al. Transplantability of a Circadian Lock to Noncircadian Organism. **Science Advantage**, n. 1, 2015 (adaptado).

Estão presentes no organismo geneticamente modificado os genes do

- a) metabolismo do *E. coli*, apenas.
- b) ciclo circadiano de *E. coli*, apenas.
- c) metabolismo de *S. elongatus* e do ciclo circadiano de *E. coli*.
- d) ciclo circadiano de *S. elongatus* e do metabolismo de *E. coli*.
- e) ciclo circadiano de *S. elongatus* e do ciclo circadiano de *E. coli*.

Resolução

Ao transferir o gene do ciclo circadiano da bactéria *S. elongatus* para o genoma de *E. coli*, esta bactéria, que passa a ser transgênica, expressa o fenótipo do ciclo circadiano da bactéria doadora do gene. Porém, o restante de seu metabolismo continua igual ao original de *E. coli*.

Resposta: D

Os funcionários de um zoológico observaram um aumento na taxa de mortalidade de aves aquáticas por afogamento. Um grupo de biólogos analisou o comportamento das aves por várias semanas e observou que elas apresentavam dificuldade de flutuação, por causa do encharcamento das penas com água.

O aumento na taxa de mortalidade dessas aves estava associado a uma redução na

- a) dilatação do papo.
- b) reposição de penas das asas.
- c) secreção da glândula uropigial.
- d) formação da membrana natatória.
- e) largura das cavidades de ossos pneumáticos.

Resolução

O aumento na taxa de mortalidade desses animais, por causa do encharcamento das penas com água, foi a carência da secreção oleosa da glândula uropigial, que normalmente é responsável pela impermeabilização do tegumento das aves.

Resposta: C

Réguas elétricas são dispositivos que permitem a ligação segura e simultânea de dois ou mais aparelhos eletroeletrônicos à rede elétrica. Uma estudante comprou uma régua com seis tomadas, conforme a figura. Essa régua suporta uma intensidade máxima de corrente elétrica igual a 20 A. Acima desse valor, o fusível de segurança da régua se rompe, inutilizando-a até que um novo fusível seja instalado. Considere as potências nominais de alguns aparelhos eletroeletrônicos apresentadas no quadro.

Aparelho	Potência (watt)
Luminária de LED	5
Computador	250
Impressora a laser	660
Secador de cabelos	750
Cafeteira	900
Condicionador de ar portátil	1100



Em um dia quente, a estudante mantém o computador e o condicionador de ar portátil ligados à régua permanentemente. Nessa situação, ela tenta realizar algumas atividades, uma de cada vez, utilizando a mesma régua, na seguinte ordem:

- 1.º – imprimir um trabalho escolar;
- 2.º – fazer um café com a cafeteira;
- 3.º – ligar a luminária;
- 4.º – secar os cabelos.

Sabe-se que a régua foi ligada à tensão elétrica de 110 V, adequada para o funcionamento desses aparelhos.

Considerando a ordem das tentativas, quantas atividades a estudante conseguiu realizar sem queimar o fusível?

- a) 4 b) 3 c) 2 d) 1 e) 0

Resolução

A potência elétrica máxima suportada pelo fusível da régua elétrica é dada por:

$$P_{\text{máx}} = i_{\text{máx}} \cdot U$$

$$P_{\text{máx}} = 20 \cdot 110 \text{ (W)}$$

$$P_{\text{máx}} = 2200\text{W}$$

Quando o computador e o condicionador de ar estão ligados, temos:

$$P_c = 250\text{W}$$

$$P_{\text{ar}} = 1100\text{W}$$

Desse modo, temos uma potência que ainda pode ser utilizada dada por:

$$P = P_{\text{máx}} - P_c - P_{\text{ar}}$$

$$P = 2200 - 250 - 1100 \text{ (W)}$$

$$P = 850\text{W}$$

A primeira tarefa, imprimir um trabalho escolar, pode ser realizada pois necessita de 660W apenas.

Já a segunda tarefa, fazer um café com a cafeteira, necessita de 900W o que irá implicar a queima do fusível.

Assim, na ordem apresentada, a estudante consegue realizar apenas uma atividade.

Resposta: D

TEXTO I

As mariposas

As mariposa, quando chega o frio

Fica dando volta em volta da lampida pra se esquentar. [sic]

BARBOSA, A. **Reviva: Adoniran Barbosa**.

Sao Paulo: Som Livre, 2002 (fragmento).

TEXTO II

As mariposas se aproximam das lâmpadas atraídas pela luz, pois, sendo basicamente criaturas noturnas, estão adaptadas a seguir o brilho da lua, em um processo conhecido como orientação transversal. Assim, o que o sambista Adoniran Barbosa, no Texto I, descreve não é a causa, mas sim uma das consequências possíveis dessa aproximação. De fato, o calor gerado pelas lâmpadas, sobretudo as incandescentes, pode aquecer as mariposas.

HERTZBERG, R. Por que as mariposas são tão atraídas por luzes fortes? **National Geographic**, nov. 2020 (adaptada)

Nesse contexto, o processo de transferência de calor para as mariposas que independe da presença de fluidos é a

- a) reflexão. b) refração. c) irradiação.
d) dispersão. e) convecção.

Resolução

As mariposas recebem energia térmica da lâmpada principalmente por irradiação, que independe da presença de fluidos, podendo ocorrer, também, no vácuo.

Resposta: C

Os sapinhos-ponta-de-flecha constituem um grupo de espécies encontradas na América Central e do Sul. Seus venenos são obtidos por meio do consumo de algumas formigas e cupins que se alimentam de plantas que contêm esses venenos. Esses anfíbios são usados para envenenar as flechas das zarabatanas dos caçadores nativos. Quando capturados e criados em condições artificiais, ou quando nascidos em cativeiro, não são tóxicos.

BADIO, B. et al. Epibatidine: Discovery and Definition as a Potent Analgesic and Nicotinic Agonist. **Med. Chem. Res.**, n. 4, 1994 (adaptado).

A perda da capacidade de se obter a toxina nos nascidos em cativeiro é causada pela

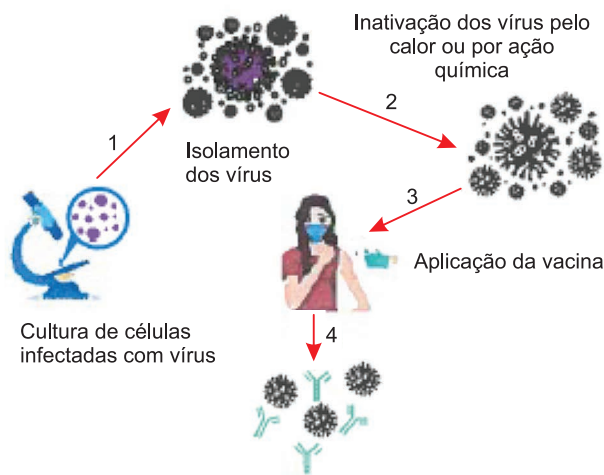
- a) diferença de umidade entre os ambientes.
- b) ausência de alimentação natural.
- c) adaptação ao novo ambiente.
- d) mudança de comportamento.
- e) variabilidade genética.

Resolução

A produção do veneno nos sapos citados deve-se ao consumo de formigas e cupins que anteriormente ingeriram plantas que continham as toxinas. Desta forma, os anfíbios criados em cativeiro não têm acesso à mesma fonte alimentar e não produzirão o veneno.

Resposta: B

A produção de vacinas exige uma sequência de procedimentos, além do cumprimento estrito de verificações de segurança. No esquema, estão demonstradas as etapas básicas realizadas para a fabricação de uma vacina utilizando a tecnologia tradicional e o efeito dela no organismo.



O antígeno utilizado na vacina causa um efeito protetor contra o vírus porque

- mata o vírus pela ligação.
- aglutina o vírus por associação.
- contém imunoglobulinas de defesa.
- induz a produção de proteínas neutralizadoras.
- mantém a quantidade de anticorpos preexistentes.

Resolução

O antígeno inativado, presente na vacina, induz o vacinado a produzir proteínas neutralizadoras, denominadas anticorpos. Trata-se de uma imunização ativa e duradoura.

Resposta: D

O bioma Cerrado é caracterizado por apresentar ampla e natural diversidade de espécies vegetais. Nos últimos tempos, o homem vem modificando esse cenário pela inserção de plantas exóticas nesse ambiente. Exemplo disso é o cultivo do capim-gordura, nativo do continente africano e utilizado nesse tipo de ecossistema como forma de pastagem. É importante ressaltar que essa espécie vegetal é capaz de se espalhar por grandes áreas, devido à sua agressividade e poder competitivo.

CARLOS JR., L. A.; BARBOSA, N. P. U.; FERNANDES, G. W.

O capim-gordura e as invasões no Cerrado brasileiro.

Jornal do Biólogo, mar.-jun. 2008 (adaptado).

Em longo prazo, essa ação do homem pode gerar qual consequência?

- a) Diversificar nichos ecológicos.
- b) Assorear as nascentes do bioma.
- c) Dificultar a infiltração de água na terra.
- d) Diminuir as espécies nativas do bioma.
- e) Contribuir com a redução das queimadas.

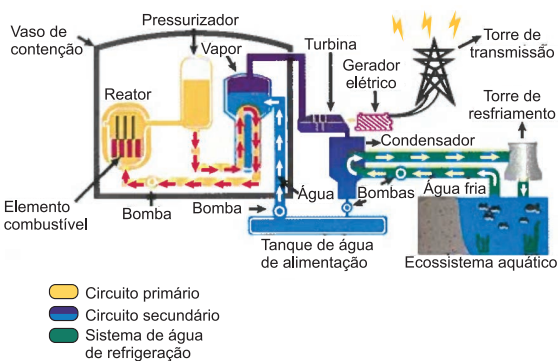
Resolução

A introdução de espécies exóticas em determinados ambientes como, por exemplo, o cultivo do capim-gordura no Cerrado, pode acarretar a diminuição das espécies nativas do bioma.

As espécies exóticas podem apresentar elevado poder competitivo e agressivo, prejudicando as espécies nativas, que podem ser extintas do ambiente.

Resposta: D

As usinas term nucleares são aquelas que produzem energia elétrica a partir da geração de energia térmica proveniente das reações nucleares. Normalmente, essas usinas funcionam por meio de dois circuitos, denominados circuito primário (vaso de pressão, pressurizador e bomba) e circuito secundário (gerador de vapor, turbina, condensador, tanque de alimentação e bombas), além de um sistema de água de refrigeração, formado por uma bomba ligada a uma fonte hídrica natural.



Durante a operação da usina, se o sistema de água de refrigeração funcionar de forma ineficiente pode causar poluição térmica, comprometendo a vida no ecossistema aquático.

Disponível em: www.eletronuclear.gov.br. Acesso em: 29 nov. 2021 (adaptado).

Para o ecossistema aquático, a ineficiência do sistema de água de refrigeração tem como consequência a

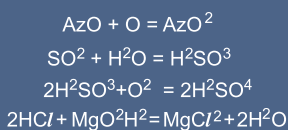
- a) diminuição do pH.
- b) liberação de gases poluentes.
- c) contaminação por combustíveis.
- d) liberação de elementos radioativos.
- e) diminuição da solubilidade do gás oxigênio.

Resolução

O aumento de temperatura da água do ecossistema aquático diminui a solubilidade do gás oxigênio, provocando a morte de peixes e outros organismos, além da diminuição da biodiversidade do meio.

Resposta: E

No início do século XX, as fórmulas das substâncias eram representadas de modo diferente do atual. A figura apresenta uma fotografia bem antiga (1909) que registra uma aula de química ministrada em um colégio em Santos (SP). Um olhar mais atento permite identificar como os compostos químicos eram representados.



O nitrogênio era chamado de azoto e representado pelo símbolo Az. Vê-se na lousa a equação representativa da adição do oxigênio atômico (O) ao monóxido de nitrogênio (AzO) com a formação de dióxido de nitrogênio (AzO²). Analogamente, o nitrato de sódio era representado por NaAzO³.

Disponível em: www.novomilenio.inf.br.

Acesso em: 29 ago. 2014 (adaptado).

Em 1909, as representações das substâncias ácido nítrico e cloreto de cálcio, tendo por base essas informações e seguindo a mesma lógica, seriam, respectivamente:

- a) HAZO³ e CaCl² b) HAZ³O e Ca²Cl
 c) H³AzO⁴ e CaCl d) HAZ³O e KC^l²
 e) HAZO² e KC^l

Resolução

Como o elemento nitrogênio é o azoto (Az) a fórmula ácido nítrico, HNO₃, será representada por HAZO³.

O cloreto de cálcio CaCl₂ é representado, segundo a mesma lógica, por CaCl².

Resposta: A

O monstro de gila, um lagarto encontrado em um deserto dos Estados Unidos, apresenta adaptações à falta de alimento nesse ambiente. Esse lagarto possui um hormônio que controla os níveis de açúcar em seu próprio sangue. Foi observado que esse hormônio também controla os níveis de açúcar no sangue de pessoas diabéticas.

RUSSELL, C. **Ozempic e outros remédios inspirados em veneno de animais**. Disponível em: www.bbc.com.

Acesso em: 6 dez. 2024 (adaptado).

Considerando que animais de um mesmo grupo taxonômico podem apresentar características adaptativas semelhantes em ambientes similares, onde seria mais provável encontrar lagartos com essas características no território brasileiro?

- a) Cerrado.
- b) Pampas.
- c) Caatinga.
- d) Restinga.
- e) Pantanal.

Resolução

O monstro de gila é um réptil encontrado em ambiente desértico dos Estados Unidos. O processo fisiológico está adaptado a um clima árido. No Brasil o bioma mais semelhante a esse é a Caatinga, bioma de clima semiárido, localizado principalmente no Nordeste do País.

Resposta: C

Existe um processo de purificação de água em que são removidos os sais dissolvidos. A água que passa por esse processo é muito utilizada em laboratórios de química, em indústrias (como solvente), em baterias de carros etc. Entretanto, esse tipo de água não é adequado para ingestão, pois pode causar problemas de saúde, como carência iônica e diarreia.

Essa água é chamada de

- a) dura. b) pesada. c) sanitária.
d) destilada. e) oxigenada.

Resolução

A água destilada é obtida após remoção de sais dissolvidos através do processo de separação de misturas denominado destilação. Apesar de possuir inúmeras aplicações cotidianas, quando a água destilada é ingerida, a ausência de eletrólitos (carência iônica) promove menor absorção de água no intestino, trazendo como consequência diarreia e desidratação.

Resposta: D

Por que os olhos ficam vermelhos em algumas fotografias?

Em fotos tiradas com câmeras fotográficas antigas, por vezes as pessoas aparecem com os olhos vermelhos. Isso ocorre porque a luz do flash da câmera incide diretamente no globo ocular, sendo refletida por uma região repleta de vasos sanguíneos.

Disponível em: www.uol.com.br. Acesso em: 14 jun. 2017
(adaptado).

Esse efeito é mais comum à noite ou em lugares pouco iluminados porque, com a pupila

- a) dilatada, chega mais luz à retina.
- b) retraída, chega mais luz vermelha à retina.
- c) retraída, chega mais luz vermelha aos bastonetes.
- d) retraída, chegam menos luzes azul e verde aos cones.
- e) dilatada, chegam menos luzes azul e verde aos bastonetes.

Resolução

Em ambientes escuros, com pouca oferta de luz, a pupila se dilata. Com isso, uma pessoa fotografada com flash em ambientes pouco iluminados tem parte da luz do flash refletida pela retina, que é uma película situada no fundo do globo ocular, muito vascularizada.

A retina reflete, então, muita luz avermelhada vinda dos vasos sanguíneos da retina, que é registrada no equipamento fotográfico.

Resposta: A

O sashimi (filé de peixe cru) de baiacu é uma iguaria muito apreciada no Japão. Entretanto, sua ingestão pode causar a morte por parada respiratória, pois esse peixe contém uma potente neurotoxina termoestável, a tetrodotoxina, que é produzida e armazenada nas gônadas e vísceras.

Que ação poderia evitar essa intoxicação?

- a) Criar os peixes em cativeiro.
- b) Realizar a pesca com redes.
- c) Consumir peixes cozidos ou fritos.
- d) Preparar o peixe em condições adequadas de higiene.
- e) Manusear o peixe sem provocar o rompimento dos órgãos internos.

Resolução

Para tornar o baiacu seguro para consumo, é necessário um processamento extremamente cuidadoso e especializado para remover as partes venenosas, manuseando cuidadosamente o peixe sem provocar o rompimento dos seus órgãos internos (gônadas e intestino), pois esse peixe contém potente neurotoxina que leva a intoxicação.

Resposta: E

A deficiência da enzima lipase ácida causa uma doença em que o portador apresenta células que não degradam colesterol esterificado nem triglicerídeos, resultando no depósito desses compostos em diversos órgãos, principalmente no fígado.

○ ANDERSON, R. A. et al. In Situ Localization of the Genetic Locus Encoding [...]. **Genomics**, n. 1, jan. 1993 (adaptado).

Essa doença resulta da insuficiência funcional de qual estrutura celular?

- a) Lisossomos.
- b) Ribossomos.
- c) Mitocôndrias.
- d) Peroxissomos.
- e) Retículo endoplasmático liso.

Resolução

A enzima lipase ácida está presente nos lisossomos das células hepáticas, cuja função é a degradação do colesterol esterificado e dos triglicerídios.

Resposta: A

A quantidade de CO_2 na atmosfera da Terra aumentou em 50%, e a temperatura está agora cerca de $1,2\text{ }^\circ\text{C}$ mais quente em comparação ao século XIX. O ritmo de aumento da temperatura precisa diminuir se quisermos evitar as piores consequências das mudanças climáticas. Cientistas afirmam que o aquecimento global precisa ser mantido em $1,5\text{ }^\circ\text{C}$ até o ano 2100. No entanto, a menos que outras ações sejam tomadas, o planeta ainda pode aquecer mais de $2\text{ }^\circ\text{C}$ até o final deste século. Na prática, os países precisam enfrentar as mudanças climáticas com ações mitigadoras, que reduzam tanto as emissões quanto os níveis de CO_2 na atmosfera.

Um guia rápido para entender as mudanças climáticas.

Disponível em: www.bbc.com.

Acesso em: 6 dez. 2021 (adaptado).

Qual ação mitigadora auxilia na remoção desse gás presente na atmosfera, reduzindo seus níveis?

- a) Plantar mais árvores.
- b) Instalar mais usinas eólicas.
- c) Ampliar o uso de energia solar.
- d) Manter os combustíveis fósseis no solo.
- e) Produzir menos resíduos sólidos urbanos.

Resolução

O aumento da quantidade de CO_2 na atmosfera é uma realidade em todo planeta, principalmente devido a ações antrópicas, como a queima de combustíveis fósseis e o desmatamento. Uma forma de reduzir a concentração de gás carbônico atmosférico é o plantio de árvores, que, por meio do processo fotossintético, irá fixar o CO_2 , transformando-o em matéria orgânica.

Resposta: A

A icterícia é uma doença que acomete recém-nascidos e pode ser tratada com um método de fototerapia conhecido como banho de luz, que consiste na exposição do recém-nascido a uma fonte luminosa equipada com LEDs azuis. Para o monitoramento da dosagem dessa radiação, é utilizada a resposta óptica de um sensor constituído de materiais orgânicos que luminescem quando expostos à luz azul. Com o passar do tempo, essa radiação oxida os materiais do sensor, alterando sua coloração de vermelho-laranja para verde, o que indica o final do tratamento.

O gráfico apresenta o espectro de fotoluminescência do sensor em função do comprimento de onda da luz emitida no início do tratamento, quando o sensor, colado na fralda do bebê (Figura 1), luminesce na região do vermelho-laranja (~600 nm). A Figura 2 apresenta a evolução da coloração do sensor, mostrando que a frequência da luz emitida por ele aumenta em função do tempo de exposição à luz azul.

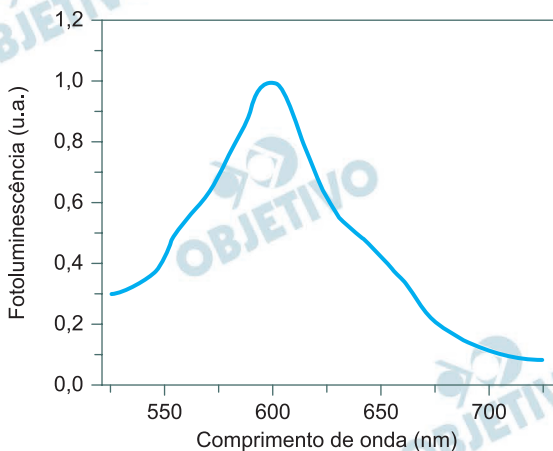


Figura 1

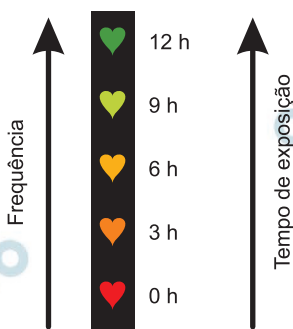
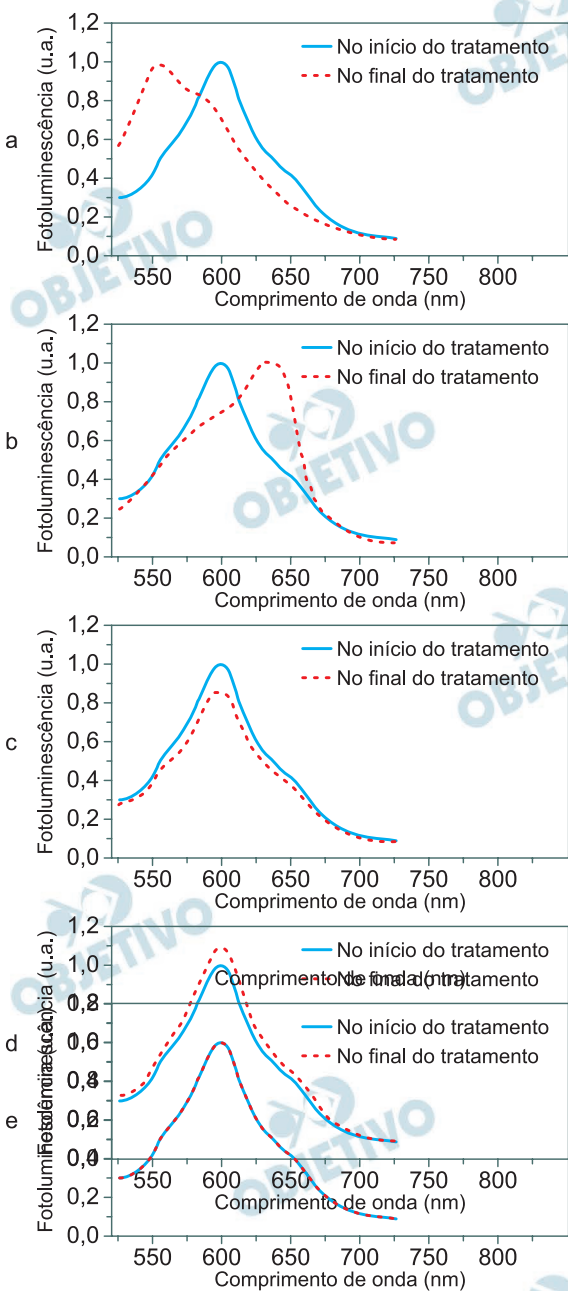


Figura 2

SILVA, M. M. et al. Fabricação de sensor orgânico flexível para aplicação em terapia com luz azul. **Tecnol. Metal. Mater. Miner.**, n. 3, jul.-set. 2011 (adaptado).

Os espectros de fotoluminescência do sensor no início e no final do tratamento estão esboçados no gráfico:



Resolução

De acordo com o texto, a resposta óptica do sensor, que era dada pela coloração vermelho-laranja no início do tratamento, se altera para o verde. Já que a luz verde possui maior frequência e, consequentemente, menor comprimento de onda que a luz vermelho-laranja, temos que o gráfico que melhor representa a situação em questão é o encontrado na alternativa A.

Resposta: A

A Figura 1 apresenta o esquema de um tubo de imagem em que um filamento, na posição A, libera elétrons por efeito termiônico. Esses elétrons formam um feixe estreito, que é acelerado por campos elétricos em direção à parte interna da tela. Nesse caminho, o feixe de elétrons passa por outro campo elétrico, na região B, atingindo, em seguida, a parte interna da tela do tubo, a qual é recoberta por um material que emite luz ao receber o impacto dos elétrons.

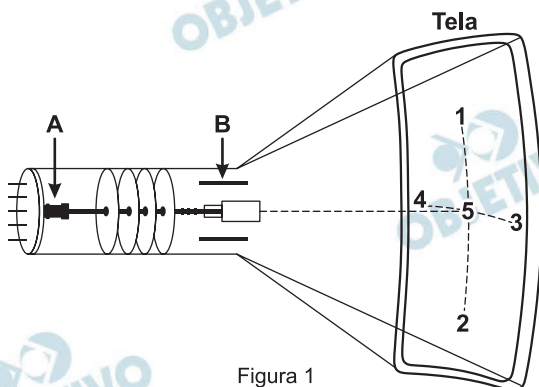


Figura 1

Na Figura 2, a carga negativa representa o feixe de elétrons que é acelerado e, posteriormente, atinge um ponto da tela. O campo elétrico na região B apresenta a seguinte configuração:

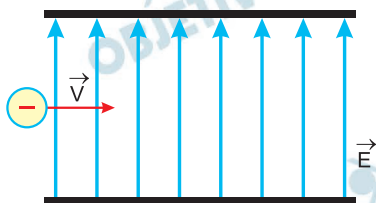


Figura 2

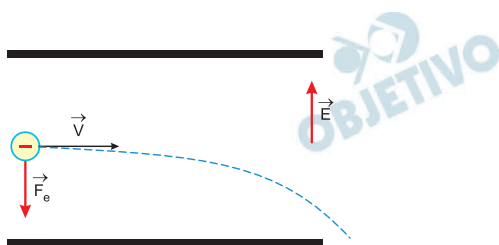
Grupo de Reelaboração do Ensino de Física. **Física 3: eletromagnetismo**. São Paulo: Edusp, 2000 (adaptado).

Nessa situação, qual ponto da tela será atingido pelo feixe de elétrons?

- a) 1 b) 2 c) 3 d) 4 e) 5

Resolução

Como a partícula que penetra o campo elétrico é negativa, a força elétrica e o campo elétrico têm sentidos opostos.



Nessa situação, o feixe será desviado de tal maneira a atingir o ponto 2.

Resposta: B

A tirinha ilustra um processo físico em que uma onda sonora, produzida pela Mônica, causa a quebra das taças de cristal. O fenômeno ondulatório que provoca a quebra das taças só é possível em razão de uma característica da voz produzida pela Mônica naquele momento, que, diferentemente do que sugere a tirinha, não está relacionada à sua intensidade.



Disponível em: <https://artedafisicapibid.blogspot.com>.

Acesso em: 23 nov. 2021 (adaptado).

Esse fenômeno e a característica associada à voz da Mônica são, respectivamente,

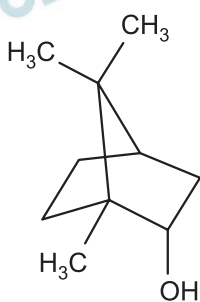
- a) reflexão e comprimento de onda.
- b) ressonância e frequência.
- c) interferência e velocidade.
- d) ressonância e timbre.
- e) reflexão e amplitude.

Resolução

O fenômeno responsável pelo colapso da taça é a **ressonância**, que consiste de um sistema “aceitar” a energia emitida por outro quando essa energia é transferida numa das frequências naturais de vibração do sistema receptor da energia.

Resposta: B

Em uma aula prática de química orgânica, um professor identificou os frascos de várias substâncias apenas por suas fórmulas moleculares. Em seguida, apresentou a representação tridimensional da molécula do borneol, um álcool secundário, conforme a figura. Ele explicou que, quando oxidado, o borneol dá origem à cânfora, uma cetona usada desde a Antiguidade como incenso e no preparo de medicamentos. Finalmente, o professor solicitou que os alunos identificassem o frasco contendo a substância cânfora.



Borneol

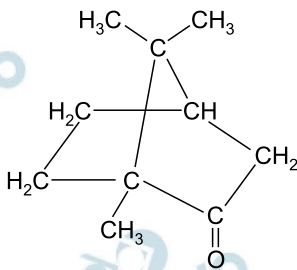
SANTOS, A. P. B. et al. Oxidação do borneol à cânfora com água sanitária: um experimento simples de baixo custo e limpo. *Química Nova*, n. 6, 2009 (adaptado).

O frasco contendo cânfora apresenta a fórmula molecular:

- a) $C_9H_{16}O$ b) $C_9H_{17}O$
 c) $C_{10}H_{16}O$ d) $C_{10}H_{16}O_2$
 e) $C_{10}H_{18}O_2$

Resolução

A oxidação do álcool secundário Borneol produz a cetona cânfora, com a seguinte estrutura:



cujas fórmula molecular é $C_{10}H_{16}O$.

Resposta: C

As cangas são ambientes resultantes da atuação, ao longo de milhões de anos, de chuvas, enxurradas, calor e ventos em rochas ricas em ferro. São compostas por até 90% de óxidos de ferro e contêm solos muito ácidos, rasos, com reduzidos índices de fertilidade e temperaturas que atingem quase 70 °C na superfície. Ao contrário do que se imagina, esse tipo de ambiente abriga comunidades de plantas e animais com elevado número de espécies e distribuição restrita.

CARMO, F. F. et al. **Ilhas de ferro estratégicas para a conservação**. Disponível em: <http://cienciahoje.org.br>.

Acesso em: 2 dez. 2018 (adaptado).

A seleção adaptativa nesses ambientes favorece a ocorrência de espécies

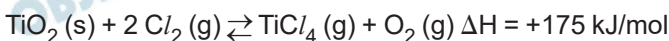
- a) exóticas.
- b) migratórias.
- c) endêmicas.
- d) dominantes.
- e) generalistas.

Resolução

O texto refere-se a um ambiente com características peculiares, permitindo que ali se instalem espécies adaptadas a tais características e com distribuição restrita, logo essas espécies são endêmicas.

Resposta: C

Para a produção de titânio metálico ou dióxido de titânio puros, é necessário fazer a cloração do minério que contém dióxido de titânio, com o objetivo de separar esse óxido de outras substâncias presentes no minério. A principal reação química de cloração é representada por:



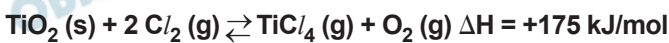
Depois da cloração, o tetracloreto de titânio é condensado e convertido, novamente, a dióxido de titânio.

Após o sistema atingir o equilíbrio químico, como a formação do TiCl_4 pode ser favorecida?

- a) Aumentando a pressão total do sistema.
- b) Diminuindo a temperatura do sistema.
- c) Aumentando a pressão parcial de O_2 .
- d) Aumentando a pressão parcial de Cl_2 .
- e) Variando a quantidade de TiO_2 .

Resolução

A formação de $\text{TiCl}_4(\text{g})$ pode ser favorecida, deslocando o equilíbrio químico para a direita.



Como o ΔH da reação é positivo, trata-se de uma reação endotérmica que poderia ser favorecida pelo aumento da temperatura do sistema.

Como na reação não ocorre nem contração nem expansão de gases (2 volumes de gases reagentes e 2 volumes de gases produtos), o equilíbrio não é afetado por variação da pressão do sistema.

Como TiO_2 se encontra no estado sólido, variando a sua quantidade, não afeta o equilíbrio.

Para deslocar o equilíbrio para a direita no sentido de formação de $\text{TiCl}_4 (\text{g})$, devemos adicionar mais $\text{Cl}_2 (\text{g})$, aumentando sua pressão parcial

Resposta: D

A laje de um depósito de bebidas tem 50 m^2 de área útil de armazenamento e foi projetada para suportar pressões de até 10^4 Pa . O gerente do estabelecimento pretende armazenar um produto cuja densidade é 1250 kg/m^3 . Considere a aceleração da gravidade igual a 10 m/s^2 .

A altura máxima, em metro, de empilhamento do produto que essa laje é capaz de suportar é

- a) 0,16m. b) 0,50 m. c) 0,80 m.
d) 1,60m. e) 8,00m.

Resolução

Da definição de pressão:

$$p = \frac{\text{peso}}{\text{área}} = \frac{mg}{A} = \frac{\mu \text{ Vol } g}{A} = \mu \frac{Ah}{A} g$$

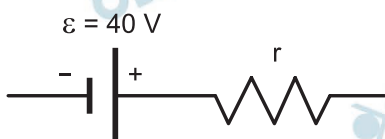
$$p = \mu gh$$

$$1,0 \cdot 10^4 = 1250 \cdot 10 \cdot h$$

$$h = 0,80\text{m}$$

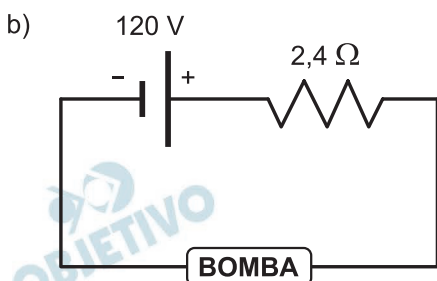
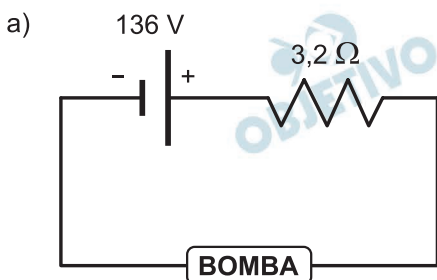
Resposta: C

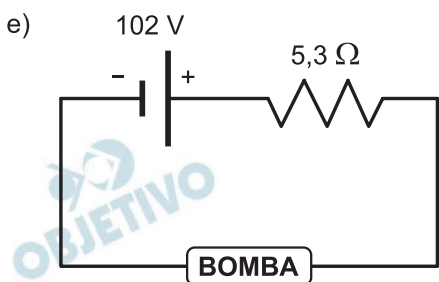
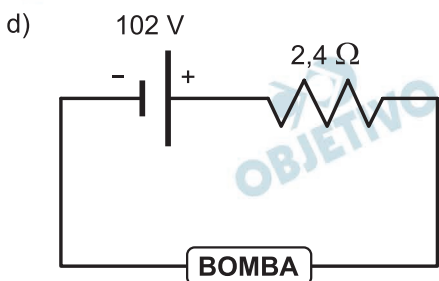
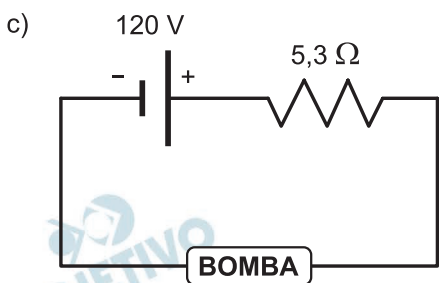
Em uma comunidade rural, os moradores utilizam uma bomba-d'água alimentada por 100 V de tensão contínua, podendo variar em até 5 V. Um eletrotécnico pretende instalar placas fotovoltaicas para alimentar essa bomba. As placas são idênticas e cada uma apresenta tensão de operação igual a 34 V com corrente de 7,5 A. Além disso, cada placa apresenta 40 V de tensão elétrica, quando em circuito aberto. Assim, considerando que a placa descrita é um gerador não ideal, em circuito aberto ela pode ser representada conforme a figura:



O eletrotécnico construiu um circuito que permite à bomba-d'água operar corretamente com o menor número possível de placas conectadas. Para isso, desenhou um diagrama no qual todas essas placas são representadas como um único gerador não ideal, com a especificação das correspondentes características elétricas.

O diagrama que representa o circuito construído pelo eletrotécnico é:





Resolução

Do enunciado, a bomba d'água pode ser alimentada por uma tensão elétrica em seus terminais que pode variar entre 95V e 105V.

Para um número mínimo de placas, elas devem ser associadas em série e, portanto, a intensidade da corrente elétrica no circuito é de 7,5A e a f.e.m. equivalente deve ser um múltiplo de 40V.

Além disso, a resistência interna de cada placa é dada por:

$$U' = E - r \cdot i$$

$$34 = 40 - r \cdot 7,5$$

$$r = 0,80\Omega$$

Assim, o gerador não ideal equivalente deve ter resistência interna equivalente que seja múltiplo de 0,80 Ω .

De todo o exposto, o diagrama que representa o circuito construído pelo eletrotécnico é o da alternativa B.

De fato:

$$U = E_{eq} - r_{eq} i$$

$$U = 120 - 2,4 (7,5) (V)$$

$$U = 120 - 18 (V)$$

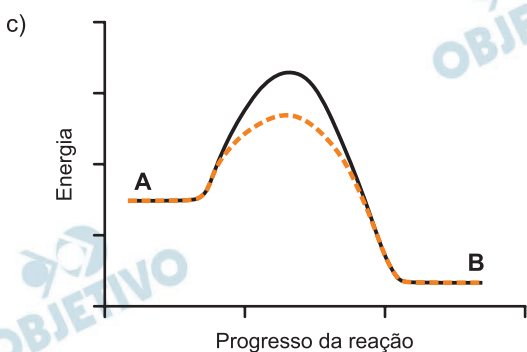
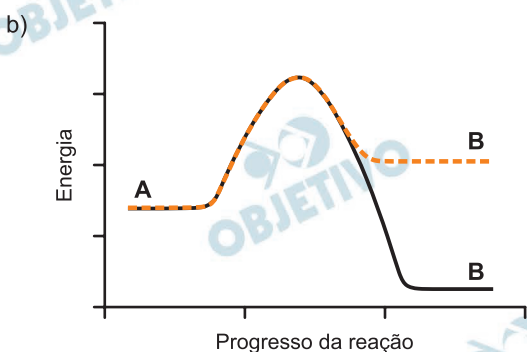
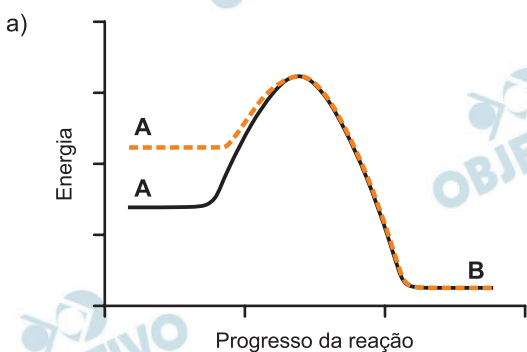
$$U = 102V$$

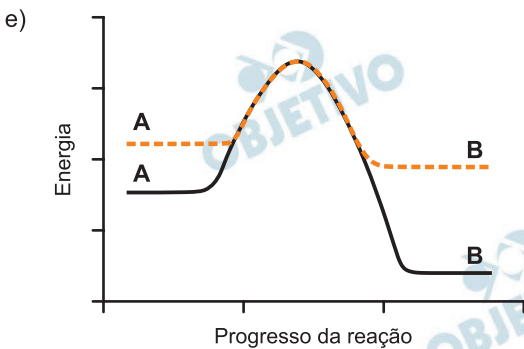
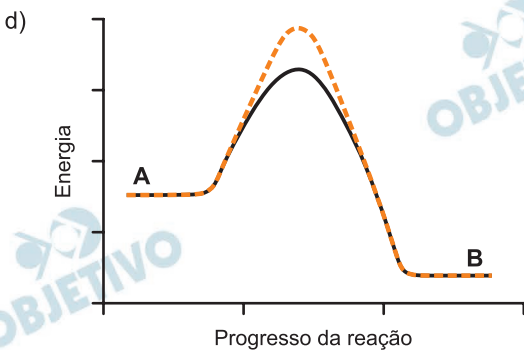
Esse valor está dentro do intervalo de tensões que permitem o funcionamento da bomba.

Resposta: B

Nos processos de transformação e reciclagem de recursos naturais, as velocidades das reações químicas são estudadas pela cinética química. Uma reação $A \rightarrow B$ é realizada na presença e na ausência de uma enzima, com todas as demais condições permanecendo inalteradas. Considere que, no gráfico da variação de energia ao longo dessa reação, a linha contínua representa o avanço da reação na ausência da enzima, e a linha pontilhada, na presença da enzima.

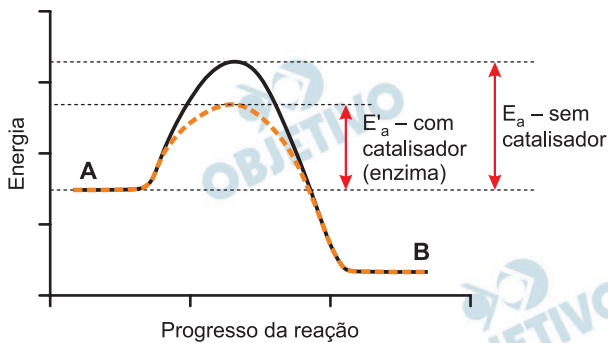
O gráfico que representa a situação descrita é:





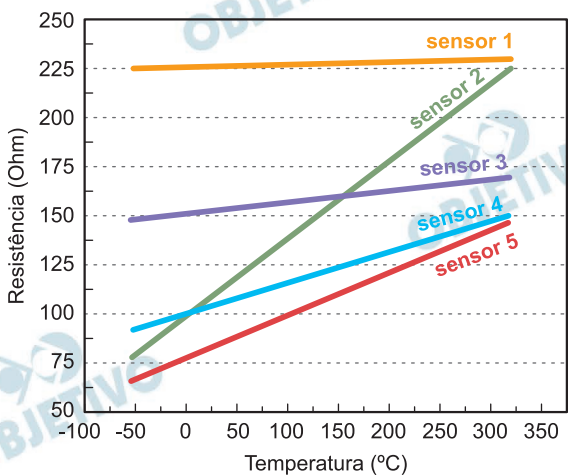
Resolução

Enzimas são catalisadores biológicos; aceleram as reações diminuindo a energia de ativação (energia necessária para a reação começar).



Resposta: C

A resistência de um fio de platina pode ser usada para medir temperaturas entre 0°C e 100°C e já foi utilizada como referência para a escala internacional de temperatura. Para um sensor feito de platina, a relação entre a resistência e a temperatura pode ser descrita por uma equação do tipo $R(T) = A + BT$, em que T é a temperatura e A e B são constantes. O gráfico apresenta a dependência da resistência em função da temperatura para cinco diferentes sensores.



Os sensores que apresentam maior sensibilidade são

- a) 1 e 2. b) 1 e 3. c) 2 e 3.
 d) 2 e 4. e) 2 e 5.

Resolução

Os sensores que apresentam maior sensibilidade são os que apresentam, para uma mesma variação de temperatura, uma maior faixa de variação da resistência, ou seja, um maior valor de coeficiente angular (B). No gráfico, tal comportamento, corresponde aos gráficos com maior inclinação, ou seja, os sensores 2 e 5.

Resposta: E

O ácido úsnico é retirado de líquens e foi testado contra diversas espécies, conforme o quadro.

Teste	Resultado
<i>Aedes aegypti</i> (larvas)	Baixa eficiência
Bacilo de Koch	Média eficiência
Moluscos aquáticos (adultos)	Alta eficiência
Pernilongo (larvas)	Média eficiência
Vermes platelmintos	Ineficiente

O ácido úsnico mostrou-se mais indicado para o controle da

- a) esquistossomose.
- b) febre amarela.
- c) coqueluche.
- d) tuberculose.
- e) dengue.

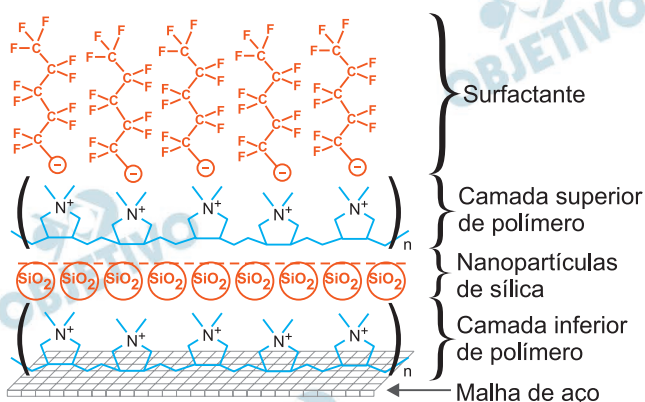
Resolução

O ácido úsnico retirado de líquens apresentou grande eficácia no controle de moluscos aquáticos, assim pode ser utilizado no controle do hospedeiro intermediário da esquistossomose, ajudando na profilaxia da doença.

Resposta: A

O despejo acidental de óleo nos oceanos tem ocasionado incontáveis prejuízos à vida marinha e à economia de regiões costeiras. Métodos tradicionais de tratamento do despejo geram resíduos de difícil descarte e nem sempre são eficazes. Por isso, pesquisadores desenvolveram um filtro capaz de separar óleo e água. O dispositivo é montado sobre uma malha de aço com uma sequência de camadas. A primeira camada é formada por um polímero de carga positiva, a segunda é composta por nanopartículas de sílica (SiO_2), a terceira é formada pelo mesmo polímero e a última é um surfactante, conforme apresentado na figura.

Representação esquemática do dispositivo



BROWN, P. S.; BHUSHAN, B. Mechanically durable, superoleophobic coatings prepared by layer-by-layer technique for anti-smudge and oil-water separation.

Scientific Reports, v. 5, mar. 2015 (adaptado).

Na utilização desse dispositivo, a retenção do óleo ocorre

- no surfactante.
- na camada superior de polímero.
- nas nanopartículas de sílica.
- na camada inferior de polímero.
- na malha de aço.

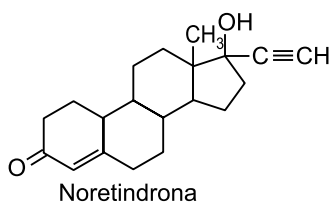
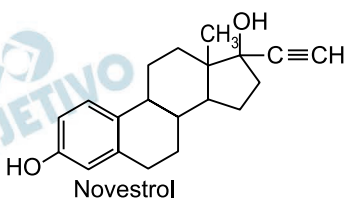
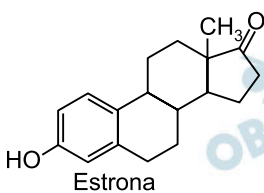
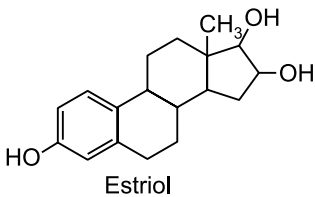
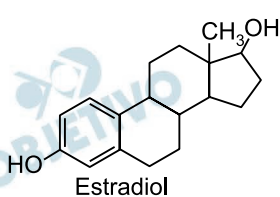
Resolução

Na utilização deste dispositivo, a água, após atravessar a malha de aço fica retida na camada composta de nanopartículas de sílica, enquanto íons dissolvidos e outras moléculas ficam retidas nas camadas superior e inferior do polímero.

O óleo atravessa as camadas mencionadas e fica retido pelo surfactante. O surfactante é uma molécula anfifílica (possui parte apolar, lipofílica, e parte polar, hidrofílica). Portanto, o óleo fica retido pela parte apolar do surfactante.

Resposta: A

Alguns hormônios sexuais têm ganhado notável atenção nos últimos anos por suas concentrações cada vez maiores no solo e na água em todo o mundo. O motivo da preocupação é porque, em níveis poluentes, eles têm sido associados ao câncer de mama e ao câncer de próstata, além de perturbarem a fisiologia dos peixes, podendo, ainda, afetarem o desenvolvimento reprodutivo de animais domésticos e selvagens. Assim, o descarte inadequado desses hormônios representa uma séria ameaça ao solo, plantas, recursos hídricos e humanos. De baixa polaridade, eles apresentam uma solubilidade pequena e variável em água, dependendo dos grupos presentes em suas estruturas, representando um grande risco para os ambientes aquáticos. As figuras a seguir apresentam as estruturas de alguns desses hormônios.



MUHAMMAD, A. et al. Environmental Impact of Estrogens on Human, Animal and Plant Life: a Critical Review. *Environment International*, n. 99, 2017 (adaptado).

Do ponto de vista das interações químicas, qual desses hormônios apresenta maior solubilidade em ambientes aquáticos?

- a) Estradiol. b) Estriol. c) Estrona.
d) Novestrol. e) Noretindrona.

Resolução

A substância mais solúvel em ambientes aquáticos é o Estriol por apresentar mais grupos hidroxila (—OH) e, portanto, ser mais polar.

Quanto mais polar a substância, mais solúvel em água que é uma substância também polar.

Resposta: B

 OBJETIVO

 OBJETIVO

 OBJETIVO

 OBJETIVO

 OBJETIVO

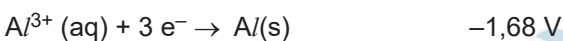
 OBJETIVO

 OBJETIVO

 OBJETIVO

 OBJETIVO

Objetos de prata escurecem em contato com compostos contendo enxofre por causa da formação de uma fina camada de sulfeto de prata. Um método simples para clarear o objeto consiste em forrar um recipiente com papel alumínio, adicionar ao recipiente uma solução aquosa de cloreto de sódio e, enfim, mergulhar o objeto de prata enegrecido. Em cerca de três minutos, a prata volta à coloração original. As seguintes semirreações e os respectivos potenciais-padrão de redução são úteis para a compreensão dos fenômenos ocorridos.



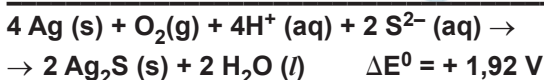
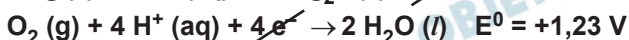
SARTORI, E. R.; BATISTA, E. F.; FATIBELLO-FILHO, O. Escurecimento e limpeza de objetos de prata: um experimento simples e de fácil execução envolvendo reações de oxidação-redução. **Química Nova na Escola**, n. 30, 2008 (adaptado).

Os valores das diferenças de potencial-padrão das reações que representam o escurecimento e o clareamento do objeto de prata são, respectivamente:

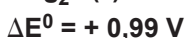
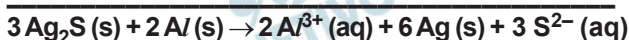
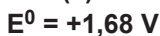
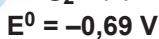
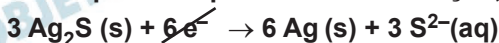
- a) +0,54 V e +2,37 V. b) +1,92 V e +0,99 V.
 c) -0,15 V e +5,43 V. d) +2,61 V e +1,29 V.
 e) +0,15 V e -1,29 V

Resolução

I) Cálculo da diferença de potencial padrão da reação que representa o escurecimento da prata; invertendo e multiplicando por 2 a primeira reação e somando com a segunda, temos:

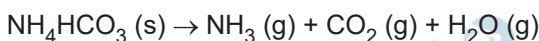


II) Cálculo da diferença de potencial padrão da reação do clareamento do objeto de prata; multiplicando a primeira reação por 3 e invertendo e multiplicando por 2 a terceira reação, temos:



Resposta: B

Apaixonada por culinária e química, uma chefe de cozinha calculou que, para promover o crescimento adequado da massa durante o cozimento de um bolo a $180\text{ }^{\circ}\text{C}$ (453 K) e $1,00\text{ atm}$, ela precisaria utilizar uma quantidade de fermento químico suficiente para produzir um volume de gás igual a $4,00\text{ L}$. Com esse objetivo, ela escolheu utilizar o bicarbonato de amônio, um composto que, sob aquecimento, degrada-se em três gases distintos, que são os responsáveis pelo crescimento da massa. A decomposição do bicarbonato de amônio ocorre conforme a equação química apresentada e, nas condições do cozimento, seu rendimento é de 80% .



Considere que a mistura dos gases se comporta como gás ideal nas condições de cozimento utilizadas pela chefe.

Dados: Massa molar do $\text{NH}_4\text{HCO}_3 = 79\text{ g} \cdot \text{mol}^{-1}$ e $R = 0,082\text{ atm} \cdot \text{L} \cdot \text{mol}^{-1} \cdot \text{K}^{-1}$.

A massa, em grama, de bicarbonato de amônio que ela deve utilizar é mais próxima de

- a) 2,3g. b) 3,5 g. c) 5,9 g.
d) 6,8 g. e) 8,9 g.

Resolução

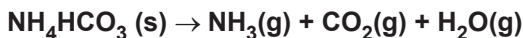
Cálculo da quantidade de mols da mistura de gases:

$$P \cdot V = n \cdot R \cdot T$$

$$1\text{ atm} \cdot 4\text{ L} = n \cdot 0,082\text{ atm} \cdot \text{L} \cdot \text{mol}^{-1} \cdot \text{K}^{-1} \cdot 453\text{ K}$$

$$n = 0,108\text{ mol}$$

Cálculo da massa de NH_4HCO_3 :



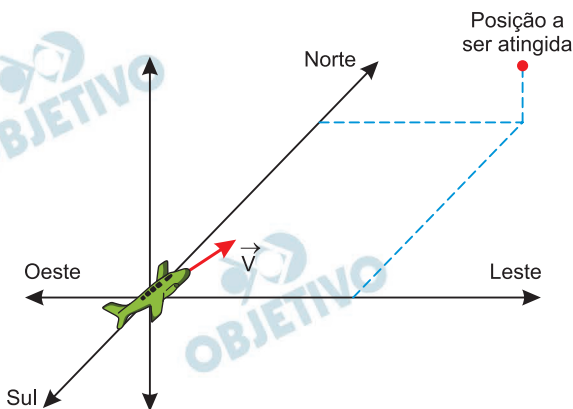
1 mol	3 mol · 80/100 (rendimento: 80%)
↓	↓
79g	2,4 mol
x	0,108 mol

$$x \cong 3,5\text{g de NH}_4\text{HCO}_3$$

Resposta: B

Segundo o princípio da independência dos movimentos, de Galileu, sempre que a velocidade resultante de um corpo puder ser decomposta em duas ou mais componentes perpendiculares entre si, cada um desses movimentos poderá ser analisado separadamente como se os outros não existissem. Esse princípio é muito útil para a simplificação de alguns problemas reais, em três dimensões.

Considere um avião que, ao decolar, é instruído pela torre a atingir, em 6 minutos, uma posição de 20 km a leste, 20 km a Norte e 1 km de altitude em relação ao ponto de decolagem, conforme a figura (fora de escala). No entanto, no instante da decolagem, começa a soprar um vento cujo vetor velocidade tem componentes 30 km/h para Leste, 20 km/h para Sul e 1 km/h de cima para baixo.



Durante a ação do vento, a velocidade \vec{v} que o piloto deve estabelecer em relação ao ar para que o avião chegue à posição esperada no tempo indicado tem as componentes

- 230 km/h para Leste, 180 km/h para Sul e 9 km/h para baixo.
- 230 km/h para Leste, 180 km/h para Norte e 9 km/h para cima.
- 200 km/h para Oeste, 200 km/h para Norte e 10 km/h para cima.
- 170 km/h para Leste, 220 km/h para Norte e 11 km/h para cima.
- 170 km/h para Leste, 180 km/h para Norte e 11 km/h para cima.

Resolução

A velocidade resultante \vec{V}_R terá componentes:

1) Na direção Leste: $V_L = \frac{\Delta s}{\Delta t} = \frac{20 \text{ km}}{0,10\text{h}} = 200 \text{ km/h}$

2) Na direção Norte: $V_N = \frac{\Delta s}{\Delta t} = \frac{20 \text{ km}}{0,10\text{h}} = 200 \text{ km/h}$

3) Na direção vertical: $V_V = \frac{\Delta s}{\Delta t} = \frac{1 \text{ km}}{0,10\text{h}} = 10 \text{ km/h}$

A velocidade de arrastamento do vento \vec{V}_{arr} terá componentes:

1) Na direção Leste: $V_1 = 30 \text{ km/h}$

2) Na direção Norte: $V_2 = -20 \text{ km/h}$ (para o Sul)

3) Na direção vertical: $V_3 = -1 \text{ km/h}$ (para baixo)

De acordo com o Teorema de Roberval:

$$\vec{V}_R = \vec{V}_{rel} + \vec{V}_{arr}$$

Na direção Leste: $\longrightarrow V_L = 200 \text{ km/h}$

$\longrightarrow V_1 = 30 \text{ km/h}$

$V_{rel} = 200 \text{ km/h} - 30 \text{ km/h} = 170 \text{ km/h}$

Na direção Norte: $\longrightarrow V_N = 200 \text{ km/h}$

$\longleftarrow V_2 = -20 \text{ km/h}$

$V_{rel} = 200 \text{ km/h} - (-20 \text{ km/h}) = 220 \text{ km/h}$

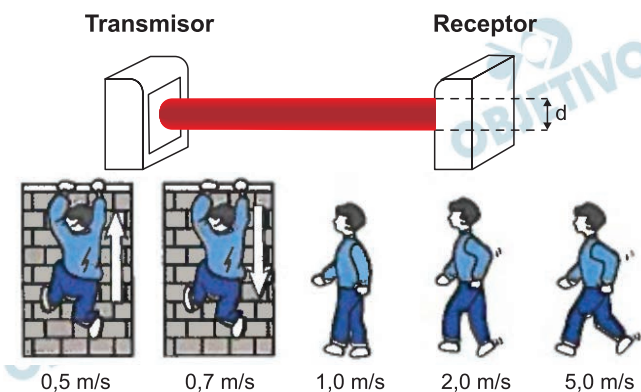
Na direção vertical: $\uparrow V_V = 10 \text{ km/h}$

$\downarrow V_3 = -1 \text{ km/h}$

$V_{rel} = 10 \text{ km/h} - (-1 \text{ km/h}) = 11 \text{ km/h}$

Resposta: D

A figura ilustra as informações contidas no manual de um sistema de alarme que utiliza transmissores e receptores de radiação eletromagnética para a detecção de movimento. O receptor é regulado pelo tempo de resposta, que corresponde ao intervalo de tempo necessário para o corpo do invasor atravessar completamente o feixe, de diâmetro $d = 15$ cm. Considere que a menor porção do corpo de um invasor é a sua posição de perfil, cuja espessura típica é 20 cm. São indicados cinco possíveis movimentos de um invasor e suas velocidades típicas, que devem ser observadas para a escolha do tempo de resposta.



Manual de referência e instalação: sensor de barreira ativo.

Disponível em: cs.md.br.

Acesso em: 2 dez. 2021 (adaptado).

Nesse sistema, o menor tempo de resposta, em milissegundo, que garante a detecção de um possível invasor é mais próximo de

- a) 30 ms. b) 70 ms. c) 300 ms.
d) 400 ms. e) 700 ms.

Resolução

O movimento na direção vertical (subindo ou descendo) não nos interessa porque a distância a ser detectada seria a altura da pessoa que é muito maior que a sua espessura.

No movimento na direção horizontal a distância a ser percorrida é a espessura do feixe (15 cm) somada com a espessura da pessoa (20 cm).

O tempo de resposta será mínimo quando Δs for mínimo (35 cm) e a velocidade escalar for máxima (5,0 m/s).

$$v = \frac{\Delta s}{\Delta t} \Rightarrow \Delta t_{\min} = \frac{\Delta s_{\min}}{v_{\max}} = \frac{35 \cdot 10^{-2}}{5,0} \text{ (s)}$$

$$\Delta t_{\min} = 7,0 \cdot 10^{-2} \text{ s}$$

$$\Delta t_{\min} = 7,0 \cdot 10^{-2} \cdot 10^3 \text{ ms}$$

$$\Delta t_{\text{mín}} = 70 \text{ ms}$$

Resposta: B

OBJETIVO

OBJETIVO

OBJETIVO

OBJETIVO

OBJETIVO

OBJETIVO

OBJETIVO

OBJETIVO

OBJETIVO

OBJETIVO

A dimetilamina é uma substância de elevada toxicidade que entra em ebulição a 7 °C. Na madrugada de um dia frio, essa substância se espalhou por uma rodovia após um acidente de trânsito envolvendo um caminhão que transportava esse produto. Para minimizar a agressão ao meio ambiente, bem como evitar a evaporação da dimetilamina com a elevação da temperatura ao longo do dia, um químico considerou o uso de algumas substâncias ou misturas como água, vinagre, óleo de soja, sal de cozinha e bicarbonato de sódio.

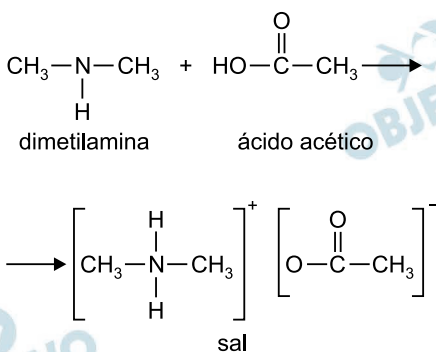
Dentre as opções apresentadas, o tratamento correto para minimizar esse problema é usar

- água.
- vinagre.
- óleo de soja.
- sal de cozinha.
- bicarbonato de sódio.

Resolução

A dimetilamina é uma substância de caráter básico. Logo, para que seja devidamente neutralizada, deve-se reagir essa substância com outra que tenha caráter ácido.

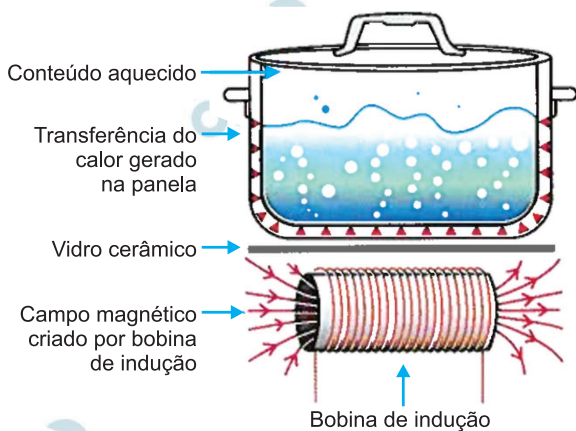
Dentre as opções fornecidas, a única que possui caráter ácido é o vinagre (solução aquosa de ácido acético):



Esta reação, portanto, minimiza o problema do derramamento da dimetilamina na rodovia.

Resposta: B

O aquecimento em fogões por indução utiliza bobinas para produzir um campo magnético variável. Essa bobina se localiza abaixo do vidro cerâmico sobre o qual a panela se apoia. O mecanismo aquece apenas a panela que se encontra na zona de cozimento, o que é uma das principais vantagens em relação ao uso do fogão a gás ou de resistência elétrica.



PEREIRA, A. B. et al. **Fogões de indução**: montagem e testes de um circuito disponível.

Disponível em: <https://publicacoes.fatecsertaozinho.edu.br>.

Acesso em: 21 maio 2025 (adaptado).

O uso do campo magnético variável tem a finalidade de

- imantar o material da panela por indução.
- movimentar os átomos de ferro concentrados no fundo da panela.
- emitir radiação eletromagnética, aquecendo a panela através do vidro cerâmico.
- induzir corrente elétrica na parte inferior da panela, aquecendo-a por efeito Joule.
- gerar um fluxo de corrente de convecção no ar contido entre a região da bobina e o vidro cerâmico.

Resolução

O campo magnético variável irá gerar no material ferromagnético que constitui a panela (aço por exemplo), correntes elétricas denominadas correntes de Foucault.

Essas correntes elétricas, por efeito Joule, transferem a energia que será absorvida pelo líquido.

Resposta: D

Plantas e algas realizam fotossíntese oxigênica para síntese de matéria orgânica e, para isso, utilizam trifosfato de adenosina (ATP) e nicotinamida adenina dinucleotídeo fosfato reduzido (NADPH). Já algumas bactérias fotossintetizantes não apresentam cloroplasto e clorofila, mas um pigmento denominado bacterioclorofila. Esses procariontes realizam a fotossíntese anoxigênica, um processo de síntese de matéria orgânica utilizando o gás carbônico (CO_2) e o gás sulfídrico (H_2S).

Na fotossíntese oxigênica, qual composto desempenha função análoga à do H_2S ?

- a) ATP.
- b) NADPH.
- c) Oxigênio.
- d) Clorofila.
- e) Água.

Resolução

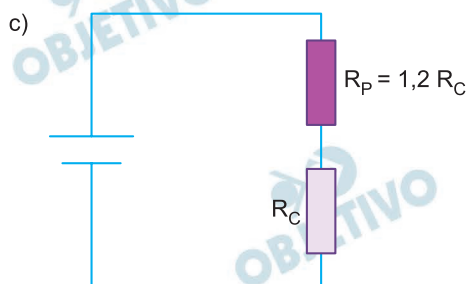
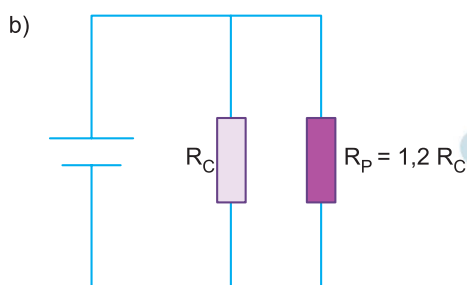
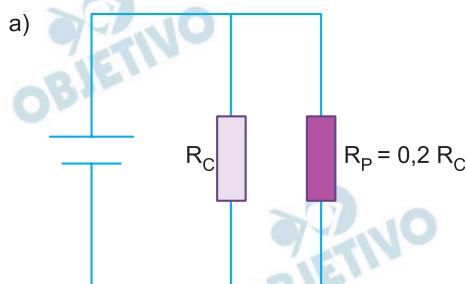
Na fotossíntese anoxigênica, o gás sulfídrico (H_2S) fornece prótons (H^+) e elétrons, assim como a água (H_2O) o faz na fotossíntese oxigênica.

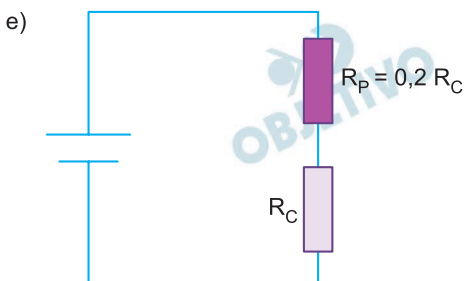
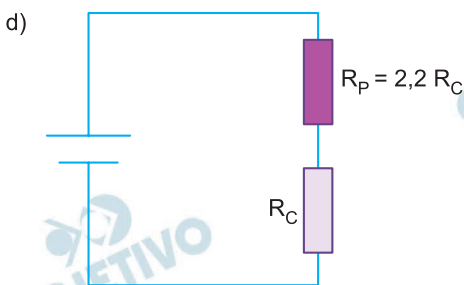
Resposta: E

Em sua maioria, os equipamentos eletrônicos domésticos demandam baixa potência elétrica em corrente contínua. Para alimentá-los, uma fonte externa ou embutida transforma a corrente alternada em corrente contínua de baixa tensão. Entretanto, cada equipamento tem suas especificidades, e muitas vezes não é possível simplesmente trocar essas fontes sem levar em conta a tensão, a corrente ou a potência elétrica de saída.

Considere um equipamento de resistência elétrica R_C que funciona corretamente apenas em um dado valor de tensão. Porém, a única fonte de alimentação disponível fornece uma tensão 20% superior à tensão recomendada. Para adaptar essa fonte ao aparelho, a associação de um resistor de proteção R_P , de potência adequada, se faz necessária.

A configuração adequada do circuito e o valor do resistor de proteção, em relação ao valor da resistência do equipamento, são:

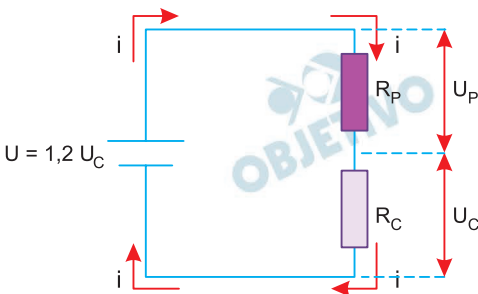




Resolução

Como a tensão fornecida pela fonte é superior à tensão recomendada para o equipamento de resistência elétrica R_c , é necessário “dividir” a tensão fornecida. Para tanto, devemos associar o resistor de proteção R_p em série com o equipamento.

Dessa forma, temos:



$$U = U_p + U_c$$

$$1,2U_c = U_p + U_c$$

$$U_p = 0,2 U_c$$

Mas, R_p e R_c estão associados em série e, portanto, devem ser percorridos pela mesma intensidade de corrente elétrica (i). Assim:

$$U_p = 0,2U_c$$

$$R_p i = 0,2 R_c i$$

$$R_p = 0,2 R_c$$

Resposta: E

O Brasil é o maior produtor mundial de nióbio (massa molar = 93 g mol^{-1}), metal utilizado na fabricação de vários tipos de aço: automotivos, estruturais e inoxidáveis. O processo utilizado na produção do nióbio é a redução aluminotérmica de Nb_2O_5 com excesso de 10% de Al (massa molar = 27 g mol^{-1}), em relação à quantidade estequiométrica da reação, representada pela equação química:



Uma engenheira metalúrgica estimou a massa de alumínio necessária para produzir 9,3 kg de nióbio, nas condições descritas, para a produção de um lote de peças de aço encomendado por uma indústria, considerando um rendimento de 100%.

Disponível em: www.cbmm.com.br.

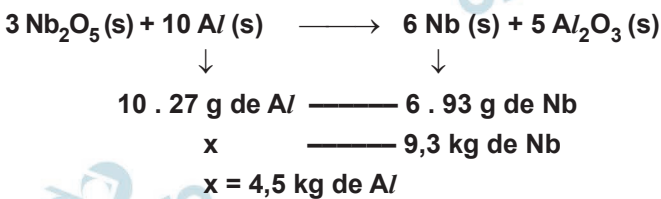
Acesso em: 17 out. 2015 (adaptado).

A massa de alumínio, em quilograma, estimada pela engenheira é mais próxima de

- a) 2,7 kg.
- b) 3,0 kg.
- c) 4,1 kg.
- d) 4,5 kg.
- e) 5,0 kg.

Resolução

Cálculo da massa do alumínio, considerando a proporção estequiométrica e as massas molares:



Cálculo da massa do alumínio, considerando excesso de 10%:

$$\begin{array}{rcl}
 4,5 \text{ kg de Al} & \text{———} & 100\% \\
 x' & \text{———} & 110\% \\
 x' = 4,95 \text{ kg de Al} & &
 \end{array}$$

Logo, a massa do alumínio é mais próxima de 5,0 kg.
Resposta: E

O nível sonoro, em decibel (dB), é calculado pela expressão:

$$n = 10 \log_{10} \left(\frac{I}{I_0} \right)$$

Uma conversa normal entre duas pessoas gera sons de níveis sonoros entre 50 e 60 dB, enquanto pessoas gritando podem gerar sons de níveis superiores a 100 dB. Supondo que, no centro de um estádio de futebol, foram realizadas medidas para avaliar o ruído médio de uma pessoa gritando a palavra “gol” em diferentes posições das arquibancadas. O valor médio obtido, considerando um grande número de medidas, foi de 100 dB. Com esse dado, estimou-se o ruído sonoro produzido por 10 000 pessoas, distribuídas aleatoriamente nas arquibancadas, enquanto gritavam, simultaneamente, a palavra “gol”.

O valor médio estimado para o ruído produzido por essas pessoas, na posição central desse estádio hipotético, foi de

- a) 60dB. b) 104 dB. c) 140 dB.
d) 400dB. e) 800dB.

Resolução

(I) Uma pessoa gritando gol:

$$n_1 = 10 \log \left(\frac{I_1}{I_0} \right)$$

$$100 = 10 \log \left(\frac{I_1}{I_0} \right) \Rightarrow \log \left(\frac{I_1}{I_0} \right) = 10$$

$$\frac{I_1}{I_0} = 10^{10} \quad \textcircled{1}$$

(II) 10 000 pessoas gritando gol:

$$\text{Nesse caso: } I_2 = 10\,000 I_1 \Rightarrow I_2 = 10^4 I_1$$

$$n_2 = 10 \log \left(\frac{I_2}{I_0} \right)$$

$$n_2 = 10 \log \left(10^4 \frac{I_1}{I_0} \right) \quad \textcircled{2}$$

(III) Substituindo-se $\textcircled{1}$ em $\textcircled{2}$:

$$n_2 = 10 \log (10^4 \cdot 10^{10}) \Rightarrow n_2 = 10 \log (10^{14})$$

$$\text{Da qual: } n_2 = 10 \cdot 14 \text{ (dB)}$$

$$n_2 = 140 \text{ dB}$$

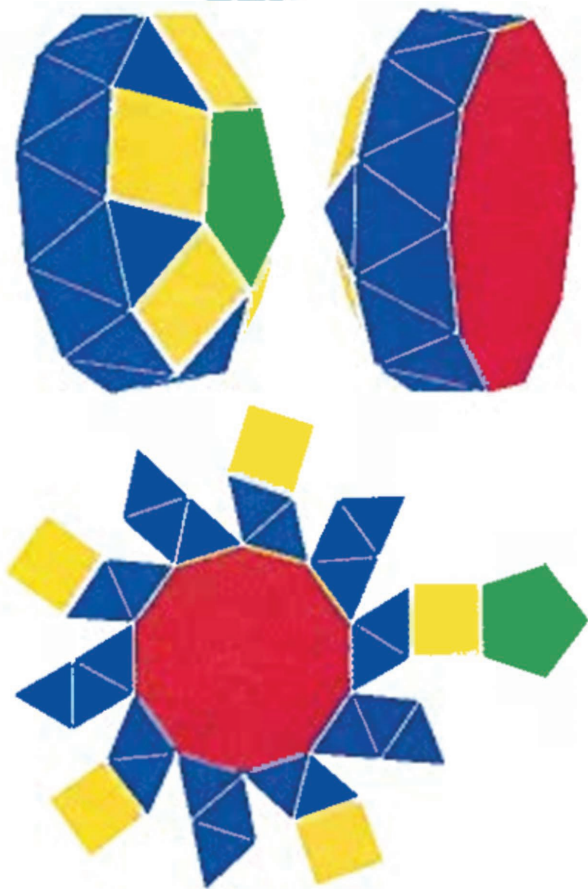
Resposta: C

MATEMÁTICA E SUAS TECNOLOGIAS

136

A cúpula pentagonal giralongada é um poliedro de Johnson, Suas faces são polígonos regulares, mas que não é um poliedro de Platão, de Arquimedes, prisma ou antiprisma.

As figuras apresentam esse poliedro em duas posições e uma de suas planificações.



Quantos vértices tem esse poliedro?

- a) 21 b) 25 c) 55 d) 80 e) 110

Resolução

O poliedro é formado por 25 triângulos, 5 quadrados, 1 pentágono e 1 decágono. Dessa forma, temos um total de 32 faces.

A quantidade de arestas é dada por

$$\frac{25 \cdot 3 + 5 \cdot 4 + 1 \cdot 5 + 1 \cdot 10}{2} = 55$$

Logo, pela relação de Euler, temos

$$V + F - A = 2 \Leftrightarrow V + 32 - 55 = 2 \Leftrightarrow V = 25$$

Resposta: B

Uma fábrica de tijolos ecológicos com 3 funcionários, cada um trabalhando 6 horas diárias, produz 720 unidades por dia. Para atender ao crescimento da demanda por esse tipo de tijolo, essa fábrica passou a ter 5 funcionários, cada um trabalhando 9 horas por dia, aumentando, assim, sua capacidade de produção. Todos os funcionários produzem igual quantidade de tijolos a cada hora, independentemente de trabalharem 6 ou 9 horas diárias. O número de tijolos fabricados diariamente após o aumento da capacidade de produção é

- a) 800. b) 1080. c) 1 200.
d) 1 800. e) 2 520.

Resolução

Do texto, temos que

unidades produzidas	número de funcionários	horas/dia
$\begin{array}{c} \uparrow 720 \\ \\ x \end{array}$	$\begin{array}{c} \uparrow 3 \\ \\ 5 \\ \text{G.D.P.} \end{array}$	$\begin{array}{c} \uparrow 6 \\ \\ 9 \\ \text{G.D.P.} \end{array}$
$\frac{720}{x} = \frac{3}{5} \cdot \frac{6}{9} \Leftrightarrow \frac{720}{x} = \frac{1}{5} \cdot \frac{6}{3} \Leftrightarrow$		
$\Leftrightarrow \frac{720}{x} = \frac{2}{5} \Leftrightarrow x = 1800$		

Resposta: D

Para acompanhar o fluxo de visitantes em seu prédio uma empresa estabeleceu um código de identificação para visitação. De acordo com a regra estabelecida, cada visitante se identifica com um código sequencial numérico com 7 dígitos determinado, da esquerda para a direita, da seguinte forma

- o primeiro dígito indica o andar ao qual o visitante se dirige, que é um número de 1 a 4;
- os dois próximos dígitos correspondem ao número do setor da empresa ao qual o visitante se destina. Esse número varia de 01 a 20;
- os três dígitos seguintes correspondem ao número de funcionário da empresa com quem o visitante irá se reunir. Esse número varia de 001 a 135;
- o último dígito indica se o visitante chegou à empresa pela manhã, dígito 0, ou à tarde, dígito 1.

Um visitante chegou à empresa às 10 horas da manhã para se reunir com o funcionário identificado pelo número 109 que trabalha no setor 08 da empresa, localizado no 2º andar. O código de identificação desse visitante é

- a) 0109082. b) 0281090. c) 1010982.
d) 2081090. e) 2810910.

Resolução

Andar	Setor		Número do funcionário			Período
2	0	8	1	0	9	0

O código de identificação desse funcionário é pois:
2081090

Resposta: D

Quatro candidatos se apresentaram para realizar a prova de um concurso. Antes de iniciar a prova, os celulares dos quatro candidatos foram recolhidos pelo aplicador, que os guardou, cada um, dentro de um envelope preto. Ao término da prova, o aplicador devolveu os quatro envelopes com os celulares aos quatro candidatos, de maneira aleatória, já que não havia feito a identificação dos envelopes.

A probabilidade de que todos os candidatos tenham recebido de volta os envelopes com os seus respectivos celulares é

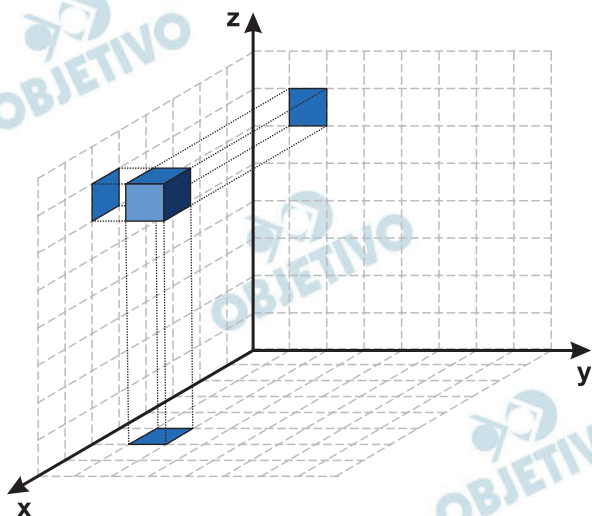
- a) $\frac{1}{2}$ b) $\frac{1}{10}$ c) $\frac{1}{16}$ d) $\frac{1}{24}$ e) $\frac{1}{256}$

Resolução

Existem $P_4 = 4! = 24$ maneiras diferentes de acomodar os quatro celulares nos quatro envelopes iguais. Dessas 24 possibilidades em apenas uma os quatro candidatos recebem de volta o envelope com o seu celular. A probabilidade pedida é, pois $\frac{1}{24}$.

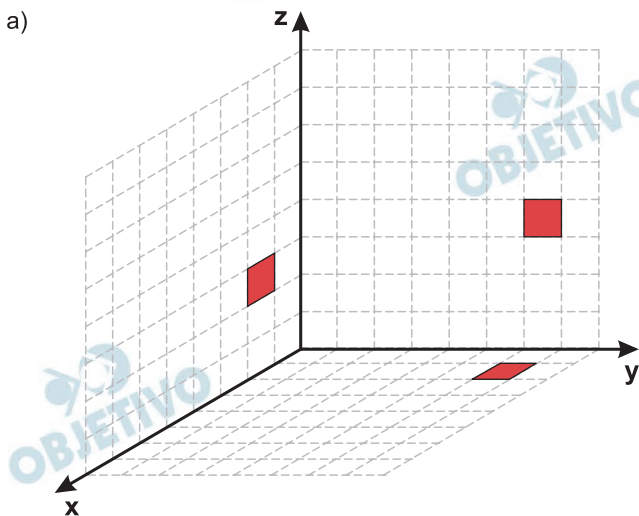
Resposta: D

Em um jogo de computador, um cubo se encontra inicialmente posicionado conforme indicado na figura.

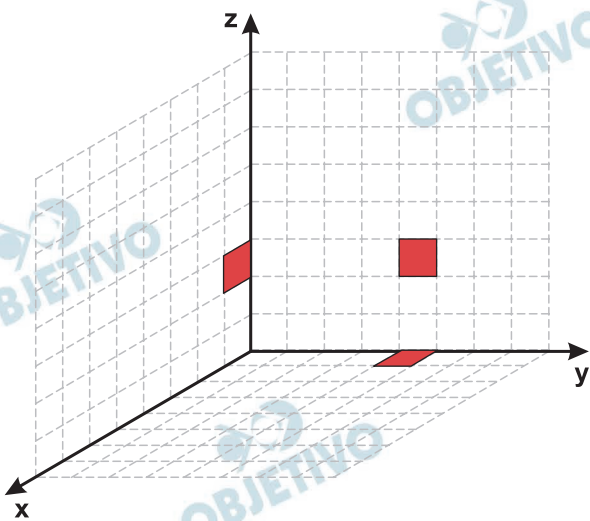


Cada deslocamento efetuado por esse cubo se dá sempre em uma das direções definidas pelos três eixos coordenados. Ao se movimentar a partir da posição inicial, esse cubo se aproximou 3 unidades do plano yz , se afastou 5 unidades do plano xz e se aproximou 4 unidades do plano xy .

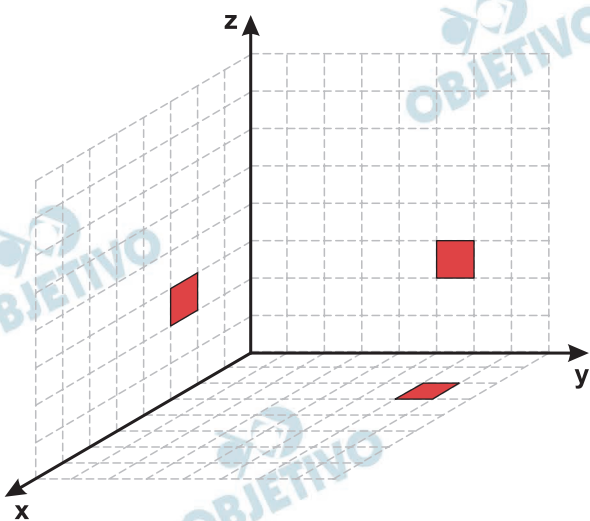
A figura que apresenta as projeções ortogonais desse cubo sobre os três planos coordenados, após efetuar as movimentações descritas, é



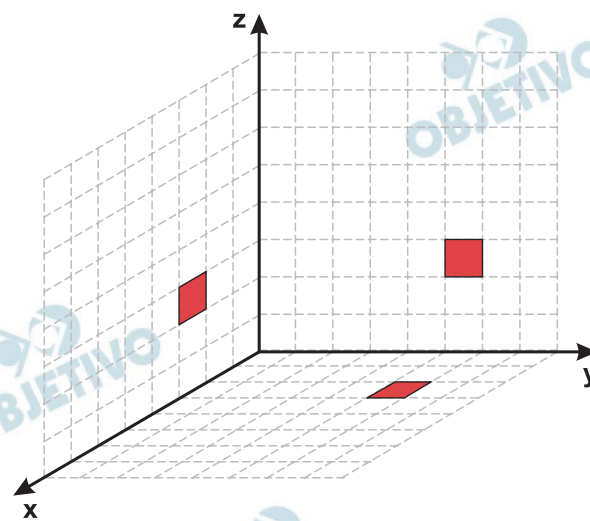
b)



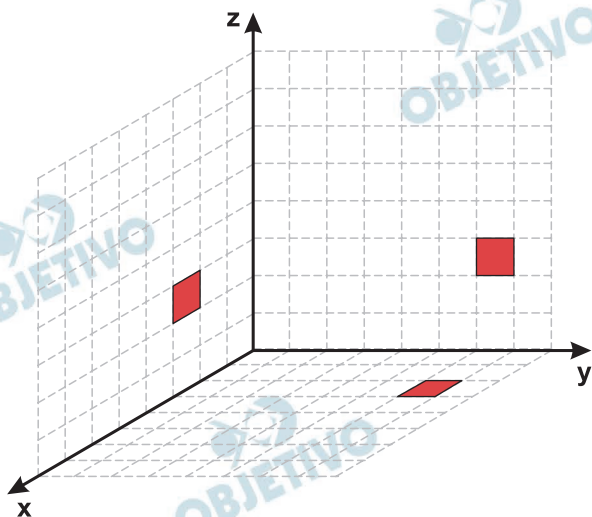
c)



d)

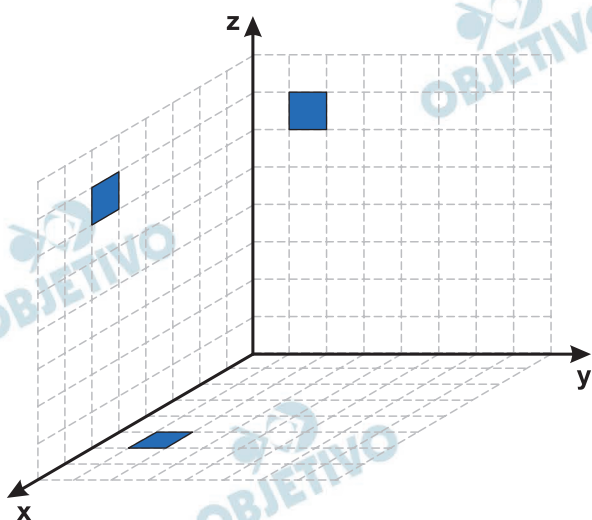


e)



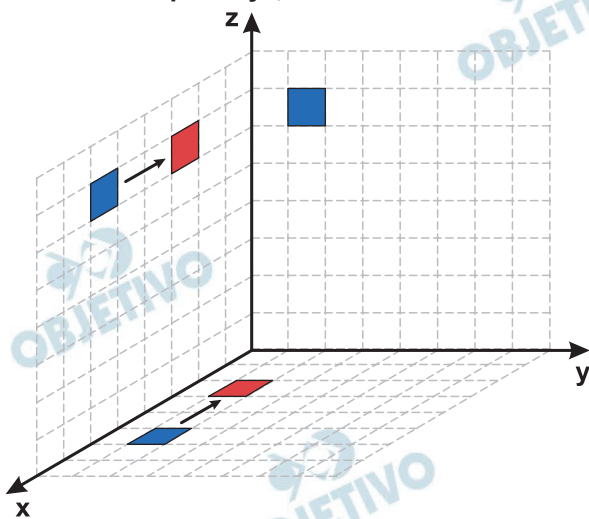
Resolução

Projeções na posição original



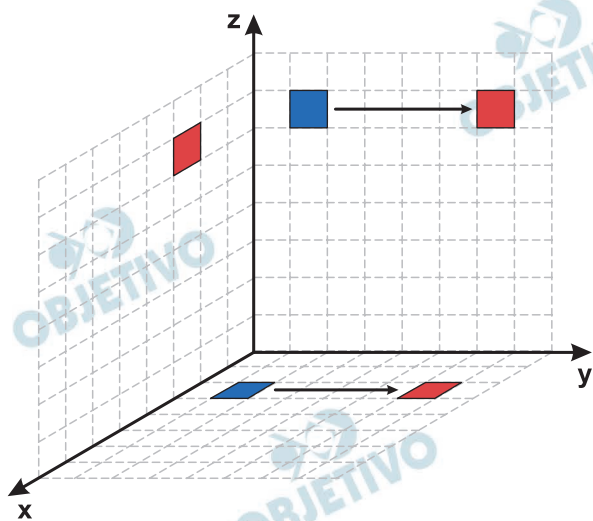
Posição inicial

No primeiro deslocamento, o cubo se aproxima 3 unidades do plano yz ,



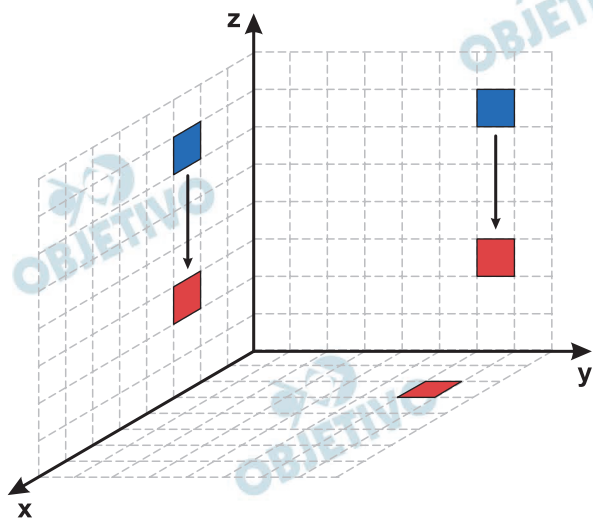
Após primeiro deslocamento

No segundo deslocamento, o cubo se afastou 5 unidades do plano xz ,



Após segundo deslocamento

No terceiro deslocamento, o cubo se aproxima 4 unidades do plano xy,

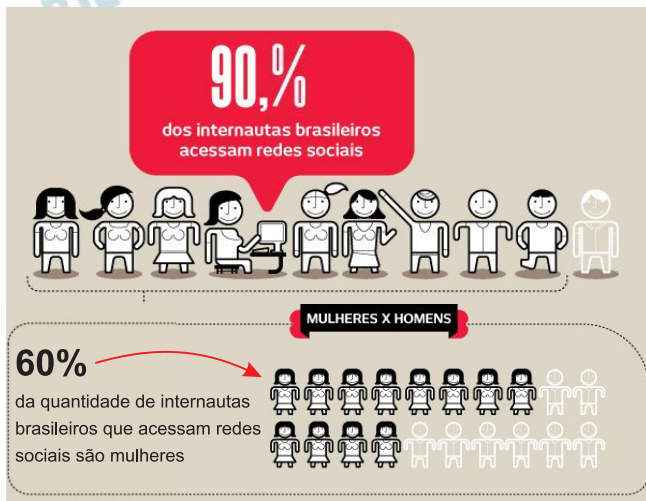


Posição final

Resposta: E

A reportagem de uma revista abordou o uso de redes sociais pelos internautas brasileiros. Alguns dos dados apurados pela reportagem estão apresentados no infográfico.

Perfil dos brasileiros nas redes nas redes sociais



Disponível em: <http://revistagalileu.globo.com>.

Acesso em: 22 out. 2015 (adaptado).

Segundo os dados do infográfico, ao se escolher aleatoriamente um internauta brasileiro no período ao qual se refere a reportagem, a probabilidade de ele ser um homem que acessa alguma rede social é

- a) $\frac{30}{90}$ b) $\frac{36}{100}$ c) $\frac{40}{100}$ d) $\frac{40}{90}$ e) $\frac{46}{100}$

Resolução

O total de homens que acessam alguma rede social é 40% de 90% do total de internautas; logo a probabilidade corresponde à

$$\frac{40}{100} \cdot \frac{90}{100} = \frac{36}{100}$$

Resposta: B

Uma pessoa pretende instalar um kit de gás natural veicular (GNV) em seu carro. Na loja que escolheu para realizar a compra e instalação desse kit, havia cinco modelos de cilindro para armazenamento do gás, cujas capacidades, em metro cúbico, eram, respectivamente: 10, 14, 17, 21 e 25. O preço do cilindro é proporcional à sua capacidade. Esse carro rodará 30 km diariamente, 7 dias por semana, e o consumo do GNV é de 1 m^3 a cada 13 km rodados. A pessoa escolherá o modelo de cilindro de menor preço e que garanta apenas um abastecimento semanal.

Nessas condições, qual será a capacidade, em metro cúbico, do cilindro escolhido por essa pessoa?

- a) 10 b) 14 c) 17 d) 21 e) 25

Resolução

I) A distância semanal percorrida em km é,

$$30 \cdot 7 = 210\text{km}$$

II) Como o rendimento do carro é 13km por metro cúbico de GNV por semana são necessários

$$\frac{210}{13} \cong 16,153\text{m}^3$$

Resposta: C

Na cantina de uma escola, há cinco alimentos vendidos em pacotes com diferentes quantidades de porções.

As informações nutricionais contidas nos rótulos desses produtos estão indicadas nas imagens.

Batata chips Pacote com 3 porções de 50 g 170 mg de sódio por porção	Palitos salgados Pacote com 4 porções de 20 g 501 mg de sódio por porção
Biscoito multigrãos Pacote com 8 porções de 25 g 264 mg de sódio por porção	Biscoito de polvilho Pacote com 6 porções de 15 g 175 mg de sódio por porção
Biscoito de água e sal Pacote com 5 porções de 40 g 166 mg de sódio por porção	

Uma estudante opta sempre pelo alimento com a menor quantidade total de sódio por pacote.

Qual desses produtos deve ser o escolhido pela estudante?

- Batata chips.
- Palitos salgados.
- Biscoito multigrãos.
- Biscoito de polvilho.
- Biscoito de água e sal.

Resolução

De acordo com o enunciado, temos:

- A quantidade de sódio no pacote de batata chips é: $3 \cdot 170\text{mg} = 510\text{mg}$
- A quantidade de sódio no pacote de palitos salgados é: $4 \cdot 501\text{mg} = 2004\text{mg}$
- A quantidade de sódio no pacote de biscoito multigrãos é $8 \cdot 264\text{mg} = 2112\text{mg}$
- A quantidade de sódio no pacote de biscoito de polvilho é: $6 \cdot 175\text{mg} = 1050\text{mg}$
- A quantidade de sódio no biscoito de água e sal é: $5 \cdot 166\text{mg} = 830\text{mg}$

Assim, a estudante deve escolher a batata chips.

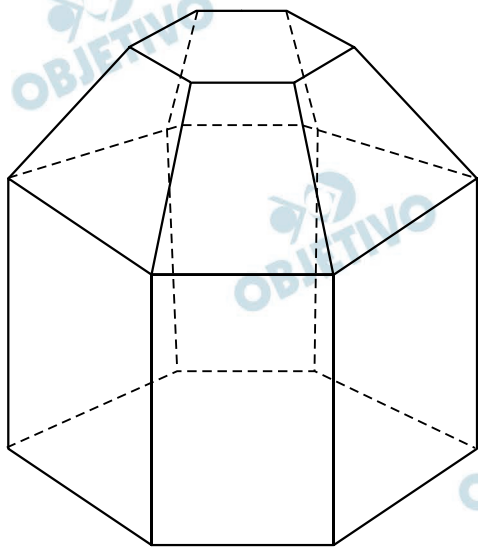
Resposta: A

Uma fábrica utilizou uma impressora 3D para produzir o protótipo de uma peça. O protótipo tem forma de um poliedro convexo, obtido pela justaposição de dois sólidos distintos, um com a forma de um prisma hexagonal reto e o outro com a forma de um tronco de pirâmide hexagonal reta. A base maior do tronco de pirâmide coincide com uma das bases do prisma.

Após a impressão do protótipo, ele foi encaminhado ao setor de customização para realização da pintura de sua superfície. O critério definido para realização da pintura considera que faces congruentes entre si devem ser pintadas com uma mesma cor, e faces não congruentes entre si devem apresentar cores distintas. Qual é a quantidade de cores utilizadas para pintar o protótipo?

- a) 9 b) 8 c) 6 d) 4 e) 3

Resolução

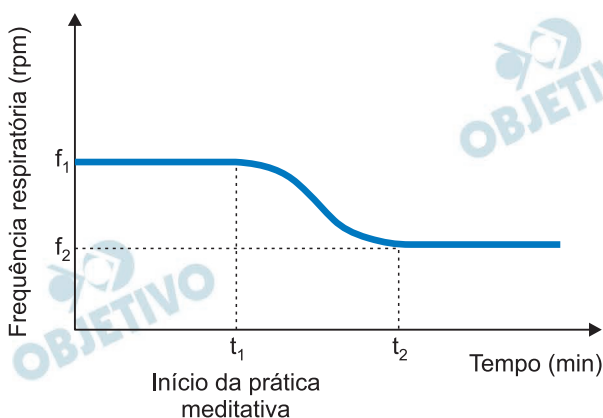


Serão utilizadas 4 cores para pintar o protótipo, pois ele tem:

- I) 6 faces retangulares congruentes
- II) 6 faces trapezoidais congruentes
- III) 2 faces hexagonais que não são congruentes

Resposta: D

Pesquisas na área de neurobiologia confirmam que a prática meditativa é responsável por diminuir consideravelmente a frequência respiratória para praticantes avançados, que, após iniciarem a meditação, têm suas frequências respiratórias reduzidas até se estabilizarem em um nível mais baixo. O gráfico apresenta a relação da frequência respiratória, em incursões de respirações por minuto (rpm), em relação ao tempo, em minuto, de um praticante avançado, em que (f_1) representa a frequência no instante t_1 , no qual se inicia a prática meditativa; e (f_2), a frequência no instante t_2 , a partir do qual esta se estabiliza durante a meditação.



Disponível em: www.redepsi.com.br.

Acesso em: 3 dez. 2018 (adaptado).

A partir do instante t_1 , em que se inicia a prática meditativa, o comportamento da frequência respiratória, em relação ao tempo,

- mantém-se constante.
- é diretamente proporcional ao tempo.
- é inversamente proporcional ao tempo.
- diminui até o instante t_2 , a partir do qual se torna constante.
- diminui de forma proporcional ao tempo, tanto entre t_1 e t_2 quanto após t_2 .

Resolução

Pela análise gráfica tem-se que a frequência respiratória diminui até o instante t_2 , a partir do qual se torna constante.

Resposta: D

No atletismo, um grande desafio da prova de 100 metros rasos é a sua conclusão num tempo abaixo da marca de referência dos 10,00 segundos. Vários atletas já alcançaram esse feito. Em 2009, o jamaicano Usain Bolt estabeleceu o recorde mundial masculino dessa prova, com o tempo de 9,58 segundos.

Qual é a diferença, em segundo, entre a marca de referência e a marca estabelecida por Usain Bolt em 2009?

- a) 0,02 b) 0,42 c) 0,52 d) 1,02 e) 1,42

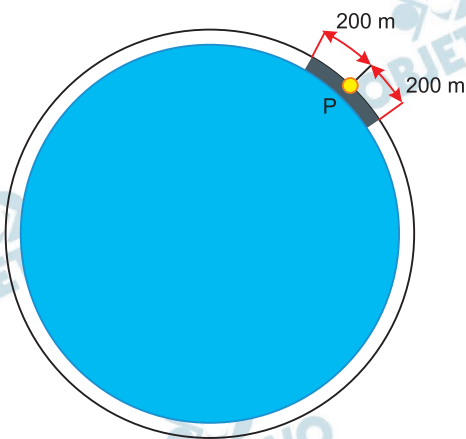
Resolução

Sendo 10,00 segundos a marca de referência e 9,58 segundos a marca estabelecida por Usain Bolt, a diferença em segundos é $10,00 - 9,58 = 0,42$.

Resposta: B

No entorno de uma lagoa circular, cujo raio mede 1 km, há uma ciclovia. Devido aos frequentes roubos de bicicleta, a prefeitura planeja alocar policiais em posições estratégicas para patrulhar essa ciclovia, de forma a torná-la totalmente protegida. Um ponto da ciclovia é considerado protegido se houver pelo menos um policial a, no máximo, 200 m de distância daquele ponto, posicionado sobre a ciclovia. A figura ilustra um ponto P sobre a ciclovia, que estará protegido se houver pelo menos um policial posicionado sobre a região de cor cinza escuro.

Desconsidere a largura da pista da ciclovia e utilize 3 como aproximação para π .



Nessas condições, a quantidade mínima necessária de policiais a serem alocados ao longo dessa ciclovia para torná-la protegida é

- a) 4. b) 8. c) 15. d) 30. e) 60.

Resolução

A lagoa tem um perímetro de

$$2 \cdot \pi \cdot R = 2 \cdot 3 \cdot 1000\text{m} = 6000\text{m}$$

Se cada policial tem que proteger

$(200 + 200)\text{m} = 400\text{m}$ daquele perímetro, então serão

$$\text{necessários } \frac{6000}{400} = 15 \text{ policiais para proteger a}$$

lagoa.

Resposta: C

Em um laboratório, um recipiente contém 10 litros de uma solução composta apenas pelas substâncias S_1 e S_2 . Dessa solução, 99,95% é de S_1 . Uma quantidade de S_1 será retirada dessa solução, mantendo a quantidade inicial de S_2 , de modo que 99,90% da nova solução seja de S_1 .

Qual é a quantidade de S_1 , em litro, que será retirada?

- a) 0,0050 b) 0,0100 c) 0,5000
d) 4,9775 e) 5,0000

Resolução

• Solução inicial = 10.000ml $\begin{cases} S_1 = 9995\text{ml} \\ S_2 = 5\text{ml} \end{cases}$

Após retirar x mililitros de S_1 ,

• Solução final = (10.000 - x) $\begin{cases} S_1 = (9995 - x)\text{ml} \\ S_2 = 5\text{ml} \end{cases}$

Se 99,90% da solução final é de S_1 , então

$$\frac{9995 - x}{10.000 - x} = 0,999 \Leftrightarrow x = 5000\text{ml} = 5\text{l}$$

Resposta: E

Uma distribuidora de combustível possui caminhões-tanque com capacidade de 30 000 litros cada. Em qualquer transporte realizado por esses caminhões, um mesmo volume de combustível é descartado, pois fica com muitas impurezas. Esse volume descartado independe da quantidade transportada.

Um posto de combustível encomendou 10 000 litros de gasolina dessa distribuidora, que enviou 10 200 litros, considerando o volume descartado no transporte. Mesmo assim, a quantidade de gasolina entregue ao posto foi de 9 900 litros.

Em um novo pedido, esse posto solicitou que fosse entregue exatamente o dobro do volume de gasolina encomendado no pedido anterior.

Utilizando o mesmo caminhão da entrega anterior, qual é o volume mínimo de gasolina, em litro, que a distribuidora deverá enviar para garantir a entrega da quantidade encomendada nesse novo pedido?

- a) 20100 b) 20 200 c) 20300
d) 20400 e) 20600

Resolução

Na primeira encomenda de 10 000 litros o volume descartado, em litros, foi de $10\,200 - 9\,900 = 300$.

Como o volume descartado independe da quantidade transportada, para uma encomenda de 20 000 litros, o volume mínimo que a distribuidora deve enviar é de 20 300 litros.

Resposta: C

Uma empresa de tecnologia vai padronizar a velocidade de conexão de internet que oferece a seus clientes em dez cidades. A direção da empresa decide que seu novo padrão de velocidade de referência será a mediana dos valores das velocidades de referência de conexões nessas dez cidades. Esses valores, em *megabyte* por segundo (MB/s), são apresentados no quadro.

Cidades	Velocidade de referência (MB/s)
C1	390
C2	380
C3	320
C4	390
C5	340
C6	380
C7	390
C8	400
C9	350
C10	360

A velocidade de referência, em *megabyte* por segundo, a ser adotada por essa empresa é

- a) 360. b) 370. c) 380. d) 390. e) 400.

Resolução

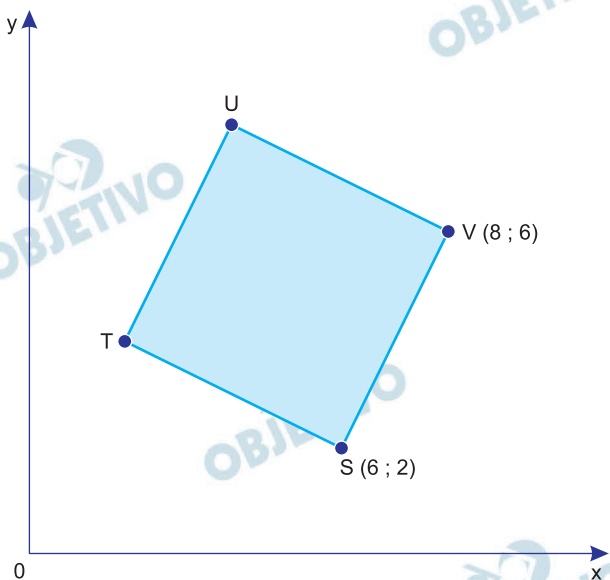
Seja 320, 340, 350, 360, 380, 380, 390, 390, 390, 400 o rol das velocidades de referência, em *megabyte* por segundo (MB/s).

A velocidade a ser adotada por essa empresa é $\frac{380 + 380}{2} = 380$, que é a mediana dos valores das velocidades.

Resposta: C

Em um jogo digital, há três personagens: um herói e dois vilões. A programação é feita de tal forma que o herói sempre será atacado pelo vilão que estiver mais próximo dele. Uma das maneiras de “confundir” os vilões é movimentar o herói por trajetórias que o mantenham equidistante dos vilões, gerando indefinição entre eles e, com isso, não sendo atacado.

Para a programação de uma das etapas desse jogo, o programador considerou, no plano cartesiano, o quadrado STUV como a região de movimentação dos personagens, onde V e T representam as posições fixas dos vilões, e S, a posição inicial do herói, como apresentado na figura.

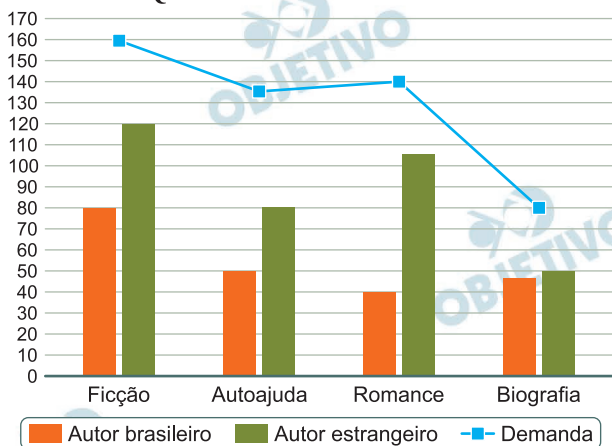


Qual é a equação da trajetória em que o herói poderá se movimentar sem ser atacado?

- a) $y = -3x + 20$
- b) $y = -3x + 16$
- c) $y = -3x - 20$
- d) $y = 3x + 16$
- e) $y = 3x - 16$

Uma livraria comercializa livros dos seguintes gêneros literários: ficção científica, autoajuda, romance e biografia. O gráfico apresenta o estoque dos livros que essa livraria tem, por gênero literário e por nacionalidade do autor, bem como a demanda por gênero literário, obtida por meio de uma enquete feita com seus clientes habituais.

ESTOQUE E DEMANDA POR LIVROS



O gerente da livraria fará a encomenda de novos exemplares somente do gênero cuja quantidade em estoque seja insuficiente para atender a demanda constatada pela enquete.

O gênero de livro do qual o gerente deverá encomendar mais exemplares é

- ficção, pois é o que apresenta maior demanda.
- biografia, pois é o gênero que tem a menor demanda.
- autoajuda, pois a quantidade em estoque é inferior à demanda.
- biografia, pois é o gênero que tem a menor quantidade de livros em estoque.
- romance, pois é o que apresenta o menor estoque de livros de autores brasileiros.

Resolução

Do gráfico, temos:

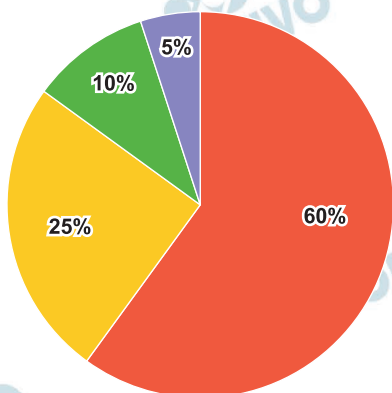
Gênero	Estoque	Demanda
Ficção	$120 + 80 = 200$	160
Autoajuda	$50 + 80 = 130$	135
Romance	$40 + 105 = 145$	140
Biografia	$45 + 50 = 95$	80

Logo, o gênero que a quantidade em estoque é inferior a demanda é autoajuda.

Resposta: C

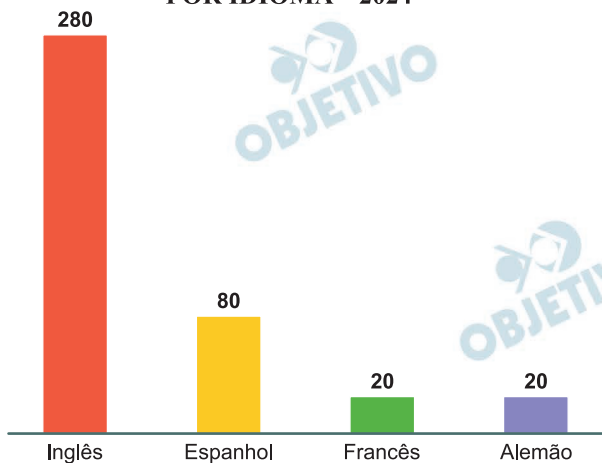
Uma escola de idiomas oferece cursos de inglês, espanhol, francês e alemão. Os gráficos apresentam a distribuição percentual das matrículas, por idioma, em 2023, e a distribuição da quantidade de matrículas, por idioma, em 2024.

PORCENTAGEM DE MATRÍCULAS POR IDIOMA – 2023



■ Inglês ■ Espanhol ■ Francês ■ Alemão

QUANTIDADE DE MATRÍCULAS POR IDIOMA – 2024



Para planejar as atividades de 2025, o gerente da escola estimou que o total de matrículas será o mesmo de 2024, e a distribuição percentual das matrículas, por idioma, será igual à registrada em 2023.

Segundo essa estimativa, o número de matrículas no curso de francês para o ano de 2025 será

- a) 2. b) 12. c) 20. d) 22. e) 40.

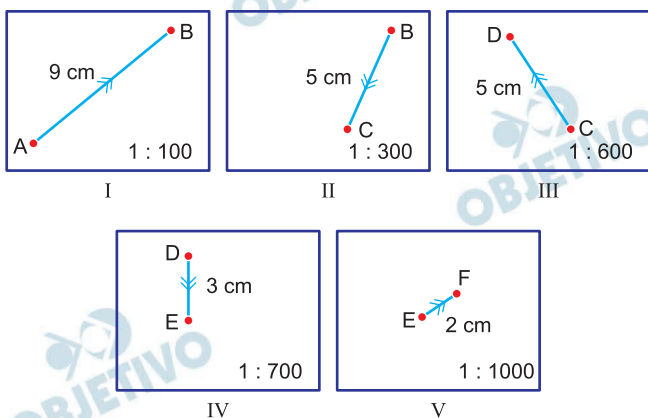
Resolução

Observando que a quantidade total de matrículas em 2024 é igual a $280 + 80 + 20 + 20 = 400$, e que a porcentagem de matrículas para o curso de francês

em 2023 é 10%, temos que a quantidade de alunos matriculados para o curso de francês em 2025 será $0,1 \cdot 400 = 40$ alunos.

Resposta: E

O controle remoto de um carrinho de brinquedo vem equipado com uma tela que ajusta automaticamente a escala empregada na exibição de cada deslocamento. A tela apresenta a imagem do deslocamento, a escala utilizada na geração dessa imagem e o comprimento desse deslocamento, em centímetro, em conformidade com a escala empregada. As figuras representam a tela do controle remoto exibindo os dados de cinco deslocamentos realizados por esse carrinho.



A opção que indica o deslocamento de maior comprimento realizado pelo carrinho de brinquedo é

- a) I. b) II. c) III. d) IV. e) V.

Resolução

Segundo as imagens, podemos montar a seguinte tabela:

Imagem	Escala	Deslocamento imagem (cm)	Deslocamento real (cm)
(I)	1 : 100	9	$9 \cdot 100 = 900$
(II)	1 : 300	5	$300 \cdot 5 = 1500$
(III)	1 : 600	5	$5 \cdot 600 = 3000$
(IV)	1 : 700	3	$3 \cdot 700 = 2100$
(V)	1 : 1000	2	$2 \cdot 1000 = 2000$

Com isso o deslocamento de maior comprimento é o apresentado na figura (III).

Resposta: C

Em um estudo clínico, 55 mulheres foram distribuídas, aleatoriamente, em 5 grupos de 11 pessoas. Para testar uma nova medicação, será escolhido um grupo no qual a maioria das mulheres tenham idades entre 20 e 30 anos. Os demais grupos tomarão placebo ou medicações já existentes no mercado. O quadro, parcialmente preenchido, informa alguns dados relativos às idades das mulheres desses grupos.

Grupos	Menor idade	Maior idade	Média	Mediana	Moda	Desvio padrão
1			25			10
2				25		9
3					25	
4			25			1
5	20	35				

Mesmo com o quadro incompleto, foi possível selecionar um desses grupos porque, apenas com os dados apresentados no quadro, foi identificado um grupo que, certamente, atendia ao critério de escolha.

O grupo escolhido foi o

- a) 1. b) 2. c) 3. d) 4. e) 5.

Resolução

Apenas com os dados apresentados, o grupo que certamente atendia ao critério de escolha é o 4, pois a média de idades é 25 e o desvio padrão é 1, o que indica que a distribuição é regular.

Resposta: D

Pace é um termo usado por um corredor para denominar o seu ritmo médio em uma corrida. Representa o tempo médio, em segundo, que esse corredor leva para percorrer 1 km.

O esquema apresenta o tempo, em segundo, que um corredor levou para cruzar as marcas que definem os quatro primeiros trechos de 1 km, em uma corrida de 5 km, e o tempo gasto para percorrer cada trecho de 1 km.



O melhor *pace* que esse corredor alcançou em corridas de 5 km foi 281 s/km.

Para que consiga repetir nessa corrida seu melhor *pace* em corridas de 5 km, seu tempo, no 5.º trecho, deve ser quantos segundos menor do que o que ele gastou para percorrer o 4.º trecho?

- a) 1. b) 2. c) 8. d) 9. e) 15.

Resolução

Seja p o *pace* do corredor no 5.º trecho e 281 s/km o seu *pace* em uma corrida de 5 km, temos:

$$\frac{272 + 284 + 288 + 288 + p}{5} = 281$$

$$1132 + p = 281 \cdot 5$$

$$p = 1405 - 1132$$

$$p = 273$$

A diferença (d) de tempo entre o 4.º e 5.º trecho é:

$$d = 288 - 273$$

$$d = 15 \text{ s}$$

Resposta: E

Dez casais fundaram um grupo de dança e decidiram constituir uma diretoria com três cargos: presidente, secretário e tesoureiro. Para maior representatividade, decidiu-se que no máximo uma pessoa por casal poderá ocupar um cargo nessa diretoria.

Quantas diretorias diferentes podem ser constituídas por esses 10 casais?

- a) $10 \times 9 \times 8$
- b) $20 \times 18 \times 16$
- c) $20 \times 19 \times 18$
- d) $10 \times 9 \times 8 \times 2$
- e) $20 \times 18 \times 16 \times 2$

Resolução

{ Dez casais : 20 pessoas

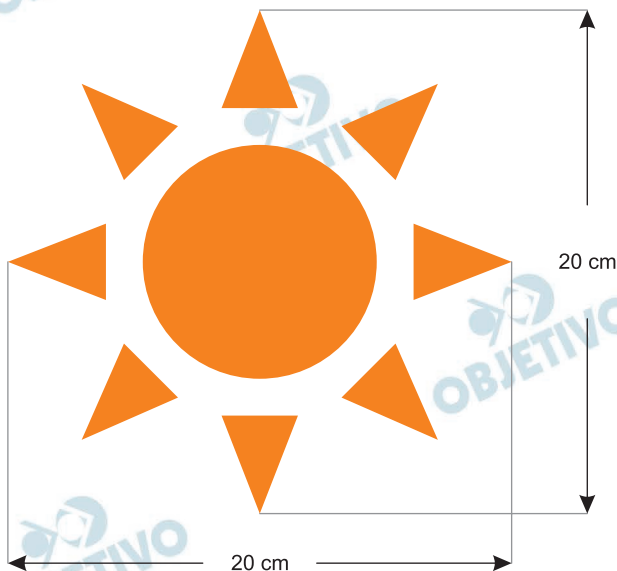
{ Cargos: presidente, secretário, tesoureiro

Como só uma pessoa por casal poderá ocupar um cargo, teremos:

$$\frac{20}{(P)} \cdot \frac{18}{(S)} \cdot \frac{16}{(T)}$$

Resposta: B

Um artista, que costuma fazer desenhos com areia na praia, pediu a um banhista que fizesse um pequeno desenho, que serviria de esboço para uma grande obra de arte a ser feita na areia. Esse desenho está representado na figura.



Após a conclusão, a obra de arte obtida manteve as mesmas proporções do desenho feito pelo banhista, sendo que as medidas indicadas na figura foram ampliadas para 30 m.

Em qual escala esse desenho representa a obra de arte?

- a) 1 : 1,5 b) 1 : 2,25 c) 1 : 10
d) 1 : 100 e) 1 : 150

Resolução

- 1) 20 cm = 0,20 m
- 2) A medida da figura é 0,20 m
- 3) A medidas na obra é 30 m
- 4) Assim, o desenho está na escala 1 : 150, pois

$$\frac{30}{0,20} = 150$$

Resposta: E

O cortisol é um hormônio produzido pelas glândulas adrenais e pode ser considerado um importante marcador do estresse fisiológico. Em um estudo desenvolvido com enfermeiros, foi verificado que a concentração de cortisol salivar em um dia de trabalho, denotada por T, era, em média, 1,59 vezes a concentração de cortisol salivar em um dia de folga, denotada por F.

ROCHA, M. C. P. et al. Estresse em enfermeiros: o uso do cortisol salivar no dia de trabalho e de folga. **Rev. Esc. Enferm. USP**, n. 5, 2013 (adaptado).

Nesse estudo, a relação obtida entre T e F foi

a) $T = 1,59 + F$

b) $F = 1,59 + T$

c) $\frac{T}{F} = 1,59$

d) $\frac{F}{T} = 1,59$

e) $F \cdot T = 1,59$

Resolução

Sabemos que:

Concentração de cortisol salivar (trabalho): T

Concentração de cortisol salivar (folga): F

Temos: $T = 1,59 \cdot F \Rightarrow \frac{T}{F} = 1,59$

Resposta: C

Um estacionamento possui 120 vagas para veículos, e todas essas vagas estão ocupadas. Cada cliente paga uma mensalidade para utilizar uma vaga, que é calculada com base nas despesas mensais do estacionamento e no lucro pretendido. As despesas mensais do estacionamento são: R\$ 14 240,00 com manutenção mais R\$ 36,00 de seguro por veículo. O lucro do estacionamento é determinado pela diferença do valor arrecadado com as mensalidades pelas despesas efetuadas. A partir do mês seguinte, o valor do seguro por veículo aumentará em 20%, e as despesas com manutenção permanecerão sem alterações. Com isso, o dono do estacionamento reajustará as mensalidades para obter um lucro mensal de R\$ 10 000,00. Apesar desse reajuste, todas as vagas continuarão ocupadas.

O valor, em real, da mensalidade reajustada será

- a) 185,60.
- b) 226,09.
- c) 245,20.
- d) 268,93.
- e) 285,60.

Resolução

x = valor da mensalidade por vaga

número de vagas = 120

Despesas: manutenção 14 240,00

seguro: 36 reais por veículo

Seguro teve um aumento de 20% por carro

Novo valor do seguro = $1,2 \cdot 36$ por veículo

Lucro = valor arrecadado – despesas

Lucro = $120 \cdot x - (14\,240 + 1,2 \cdot 36 \cdot 120)$

$10\,000 = 120x - 19\,424$

$120x = 29\,424$

$x = 245,20$ mensalidade reajustada

Resposta: C

O dono de uma sorveteria armazena sorvete em potes de $20\,000\text{ cm}^3$. Ele serve o sorvete em taças, em porções de 250 mL .

A quantidade de taças que ele consegue servir a partir de um pote cheio de sorvete é

- a) 5. b) 8. c) 50. d) 80. e) 800.

Resolução

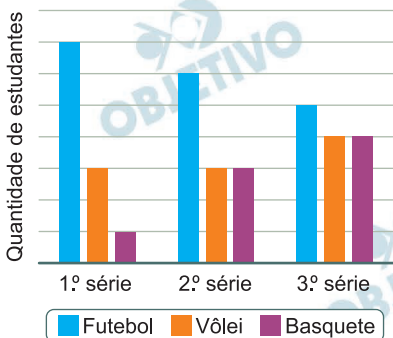
A quantidade de taças que ele consegue servir a partir de um pote cheio de sorvete é:

$$\frac{20\,000\text{ cm}^3}{250\text{ mL}} = \frac{20\,000\text{ cm}^3}{250\text{ cm}^3} = 80$$

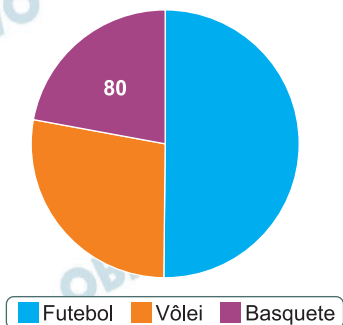
Resposta: D

Em uma escola, todos os estudantes do ensino médio praticam uma das três modalidades esportivas oferecidas como atividade física, e cada um deles pratica somente uma dessas atividades. Os gráficos trazem alguns dados relativos aos quantitativos de estudantes que praticam essas modalidades esportivas nessa escola, apesar de algumas quantidades não terem sido informadas.

MODALIDADES ESPORTIVAS NO ENSINO MÉDIO, POR SÉRIE



QUANTIDADE DE ESTUDANTES, POR MODALIDADE ESPORTIVA



Qual é a quantidade de estudantes no ensino médio dessa escola?

- a) 720 b) 360 c) 320
d) 288 e) 240

Resolução

Sendo x o número de alunos que praticam basquete, pelos gráficos fornecidos, podemos afirmar que $x + 3x + 4x = 80 \Leftrightarrow 8x = 80 \Leftrightarrow x = 10$

A quantidade de alunos no médio é dado por

$$\underbrace{70 + 30 + 10}_{1.ª \text{ série}} + \underbrace{60 + 30 + 30}_{2.ª \text{ série}} + \underbrace{50 + 40 + 40}_{3.ª \text{ série}} = 360$$

Resposta: B

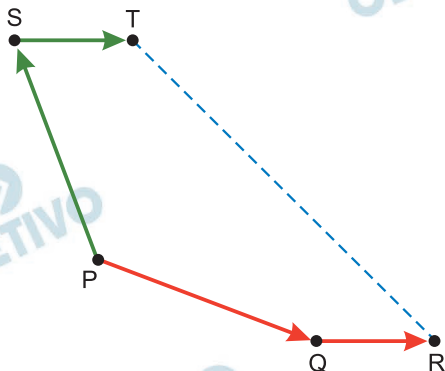
O dono de uma embarcação deve partir do ponto P e chegar ao ponto R por meio de dois deslocamentos lineares e navegando a uma velocidade constante. Essa viagem será feita durante a noite, e como ele dispõe somente de uma bússola e de um relógio, planejou sua rota da seguinte forma:

- 1.º – partir do ponto P na direção 110 e navegar por 4 horas, alcançando um ponto Q;
- 2.º – partir do ponto Q na direção 90 e navegar por 2 horas, alcançando o ponto de destino R.

No entanto, ao direcionar o barco para o primeiro deslocamento, o fez na direção 340, em vez de 110. Com isso, realizou os seguintes deslocamentos:

- 1.º – partiu do ponto P na direção 340 e navegou por 4 horas, alcançando um ponto S;
- 2.º – partiu do ponto S na direção 90 e navegou por 2 horas, alcançando o ponto T.

A figura apresenta a bússola, a rota planejada e a rota executada.



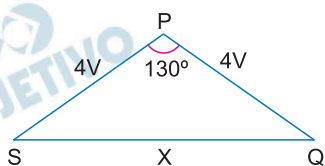
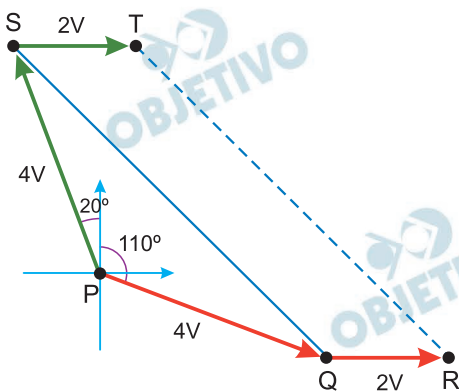
O dono da embarcação só percebeu o equívoco ao chegar ao ponto T. Com isso, agora ele precisa definir a direção e o tempo de navegação que lhe permita, partindo do ponto T, chegar ao ponto de destino R por meio de uma rota retilínea.

Considere 0,64 como aproximação para $\cos 50^\circ$.

A direção e o tempo aproximado de navegação que o dono da embarcação deve utilizar são, respectivamente,

- a) 135 e 7 horas e 15 minutos.
- b) 45 e 7 horas e 15 minutos.
- c) 135 e 12 horas.
- d) 135 e 6 horas.
- e) 45 e 6 horas.

Resolução



$$x^2 = (4V)^2 + (4V)^2 - 2 \cdot 4V \cdot 4V \cdot \cos 130^\circ$$

mas $\cos 130^\circ = -\cos 50^\circ$

$$x^2 = 16V^2 + 16V^2 + 32V^2 \cdot 0,64$$

$$x^2 = 32V^2 (1 + 0,64)$$

$$x = \sqrt{52,48V^2} \cong 7,24V$$

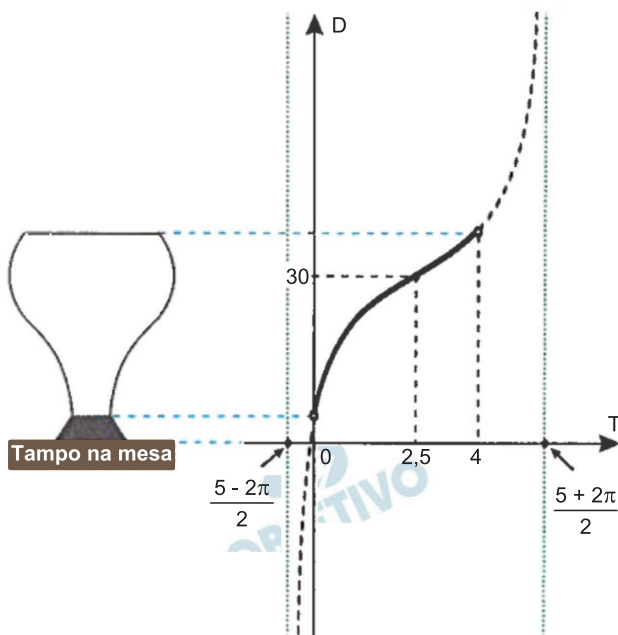
Na direção 135

Resposta: A

Um recipiente tem um formato que faz com que, ao ser enchido de água com uma vazão constante, a distância D da lâmina de água ao tampo da mesa, em centímetro, aumente em relação ao tempo T , em minuto, de acordo com uma função do tipo

$$D = k + \operatorname{tg}[p(T + m)],$$

sendo os parâmetros k , p e m números reais, para T variando de 0 a 4 minutos, conforme ilustrado na figura, na qual estão apresentadas assíntotas verticais da função tangente utilizada na definição de D .



A expressão algébrica que representa a relação entre D e T é

a) $D = 2,5 + \operatorname{tg}\left[30\left(T - \frac{5 - 2\pi}{2}\right)\right]$

b) $D = 4 + \operatorname{tg}\left[30\left(T + \frac{5}{2}\right)\right]$

c) $D = 4 + \operatorname{tg}\left[2,5\left(T - \frac{5 + 2\pi}{2}\right)\right]$

d) $D = 30 + \operatorname{tg}\left[\frac{1}{2}(T - 5)\right]$

e) $D = 30 + \operatorname{tg}\left[\frac{1}{2}\left(T - \frac{5}{2}\right)\right]$

Resolução

I) Período da função D:

$$P = \frac{5 + 2\pi}{2} - \frac{5 - 2\pi}{2} = \frac{4\pi}{2} \Leftrightarrow P = 2\pi$$

Lembrando que o período da função tangente é π , temos:

$$P = \frac{2\pi}{p} \Leftrightarrow 2\pi = \frac{\pi}{p} \Leftrightarrow p = \frac{1}{2}$$

II) O gráfico da função tangente está deslocado 2,5 unidades para a direita, então $m = -2,5 = -\frac{5}{2}$.

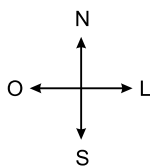
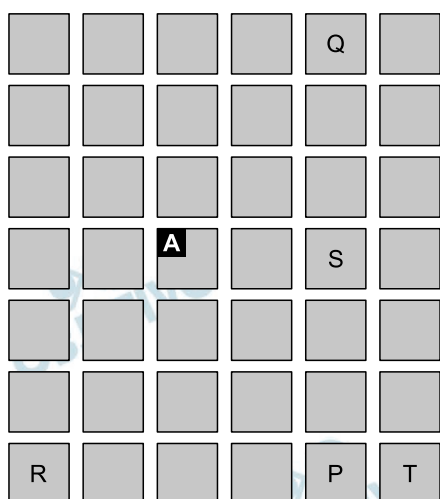
III) O gráfico da tangente está deslocado 30 unidades para cima, então $k = 30$

Assim, a expressão que representa a relação entre D e T é:

$$D = 30 + \text{tg} \left[\frac{1}{2} \left(T - \frac{5}{2} \right) \right]$$

Resposta: E

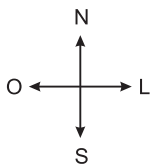
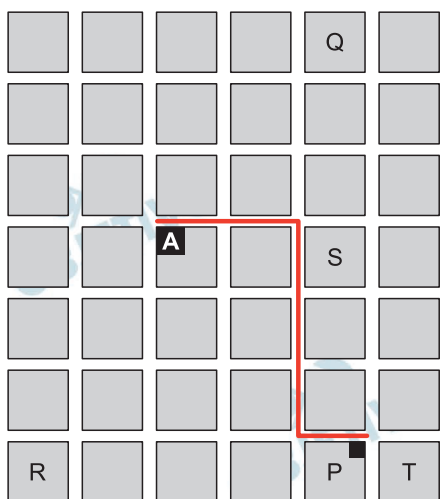
Os quadrados em cinza na figura representam os quarteirões de uma parte do bairro onde moram João e seu amigo. O quadrado pequeno (A), pintado em preto e localizado no canto superior esquerdo de um quadrado maior, indica a casa do amigo de João. João também mora em uma casa de esquina, mas na extremidade nordeste de um quarteirão. Para chegar à casa de seu amigo, ao sair de casa, João deve caminhar pelo quarteirão onde mora na direção oeste, dobrar à direita, caminhar por três quarteirões na direção norte e dobrar à esquerda. A casa de seu amigo fica no segundo quarteirão a oeste.



O quarteirão onde se encontra a casa de João é representado pelo quadrado com a letra

- a) P. b) Q. c) R.
d) S. e) T.

Resolução



Como João deve caminhar pelo quarteirão onde mora na direção oeste, dobrar à direita, caminhar por três quarteirões na direção norte, dobrar à esquerda

e, finalmente, caminhar até o segundo quarteirão a oeste, a casa de João é representada pelo quadrado com a letra P.

Resposta: A



Uma empresa produziu, em um determinado mês, 110 toneladas de plástico a partir de derivados de petróleo e 80 toneladas a partir de plásticos reciclados. O custo para reciclar uma tonelada de plástico é de R\$ 500,00, que equivale a 5% do custo para produzir a mesma quantidade de plástico a partir de derivados de petróleo. Para o mês seguinte, a meta dessa empresa é produzir a mesma quantidade de plástico que foi produzida nesse mês, mas com redução de, pelo menos, 50% no custo de produção.

Para que no mês seguinte a empresa atinja a meta, a quantidade mínima de toneladas de plástico que devem ser produzidas a partir de reciclagem deverá ser

- a) 135.
- b) 140.
- c) 155
- d) 160.
- e) 175

Resolução

1) Seja c o custo, em reais, por tonelada de plástico produzido a partir de derivados de petróleo

$$\frac{5}{100} \cdot c = 500 \Leftrightarrow c = 10\,000$$

2) O custo total, em reais, é

$$110 \cdot 10\,000 + 80 \cdot 500 = 1\,140\,000$$

3) 50% de 1 140 000 reais é 570 000 reais.

4) Cada tonelada de plástico produzida por meio da reciclagem economiza 9 500 reais. Então, para economizar 570 000 reais será necessário

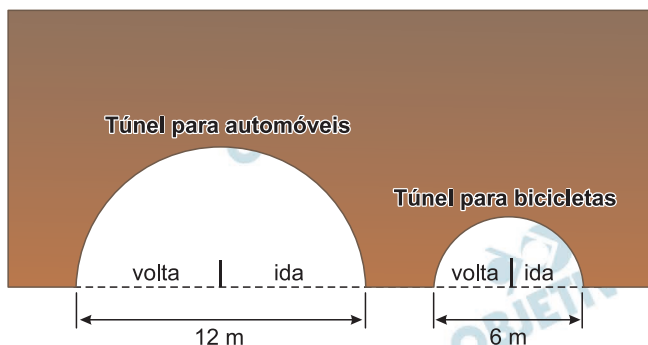
$$\text{produzir, em toneladas } \frac{570\,000}{9500} = 60.$$

5) Assim, será necessário produzir no mínimo, em toneladas, $80 + 60 = 140$ por meio da reciclagem.

Resposta: B

Em uma cidade, será construído um túnel que atravessa uma montanha para facilitar o trânsito de automóveis e bicicletas. Dois projetos foram elaborados e os esquemas com as vistas frontais desses projetos são apresentados na figura.

Projeto 1



Projeto 2



O Projeto 1 conta com dois túneis, um exclusivo para bicicletas e o outro, para automóveis. O Projeto 2 conta com um único túnel, com espaços reservados para o trânsito exclusivo de bicicletas e automóveis. Nos dois projetos, os túneis têm o formato de semicilindro reto de mesma extensão, com vias de ida e volta para os dois tipos de veículos, separados por muretas.

O projeto a ser aprovado será aquele que apresentar a menor área da seção transversal, pois implicará menor volume de material retirado da montanha.

Considere 3 como aproximação para π e desconsidere as espessuras das muretas.

O projeto a ser aprovado é

- o 1, pois apresenta área de seção transversal medindo $67,5 \text{ m}^2$.
- o 2, pois apresenta área de seção transversal medindo $121,5 \text{ m}^2$.
- o 1, pois apresenta área de seção transversal medindo 135 m^2 .

d) o 2, pois apresenta área de seção transversal medindo 243 m^2 .

e) qualquer um dos dois, pois apresentam áreas de suas seções transversais com medidas iguais.

Resolução

$$\begin{aligned} \text{Área removida no projeto 1} &= \frac{\pi \cdot 6^2}{2} + \frac{\pi \cdot 3^2}{2} = \\ &= 22,5 \cdot \pi = 67,5\text{m}^2 \end{aligned}$$

$$\begin{aligned} \text{Área removida no projeto 2} &= \frac{\pi \cdot 9^2}{2} = \\ &= 40,5 \cdot \pi = 121,5\text{m}^2 \end{aligned}$$

Assim, o primeiro projeto tem área da seção menor e, portanto, menor quantidade de material removido.

Resposta: A

Um carro que custa 60 mil reais é comercializado por uma revendedora que oferece duas opções de pagamento, todas sem entrada e sem juros:

- opção 1: pagamento em n parcelas iguais;
- opção 2: pagamento em 6 parcelas a mais do que na opção 1 e, com isso, o valor de cada parcela se torna R\$ 500,00 menor do que o valor da parcela na opção 1.

Nas duas opções de pagamento, o valor total a ser pago pelo carro é o mesmo.

Qual é a quantidade n de parcelas contidas na opção 1 de pagamento?

- a) 18
- b) 24
- c) 30
- d) 42
- e) 48

Resolução

Opção 1:

$$P_I = \frac{60000}{n}$$

Opção 2:

$$P_{II} = \frac{60000}{n+6} = P_I - 500.$$

Substituindo P_I na segunda expressão.

$$\frac{60000}{n+6} = \frac{60000}{n} - 500 \Leftrightarrow$$

$$\Leftrightarrow \frac{60000}{n+6} = \frac{60000 - 500n}{n} \Leftrightarrow$$

$$\Leftrightarrow 60000n = (60000 - 500n)(n+6) \Leftrightarrow$$

$$\Leftrightarrow 60000n = 60000n + 360000 - 500n^2 - 3000n \Leftrightarrow$$

$$\Leftrightarrow n^2 + 6n - 720 = 0$$

$$n = 24 \text{ ou } n = -30$$

(não serve!)

Resposta: B

Um pai comprou oito presentes diferentes (dentre os quais, uma bicicleta e um celular) para dar a seus três filhos. Ele pretende distribuir os presentes de modo que o filho mais velho e o mais novo recebam três presentes cada um, e o do meio receba os dois presentes restantes. O mais velho ganhará, entre seus presentes, ou uma bicicleta ou um celular, mas não ambos.

De quantas maneiras distintas a distribuição dos presentes pode ser feita?

- a) 36
- b) 53
- c) 300
- d) 360
- e) 560

Resolução

O primeiro filho recebe 3 dos 8 presentes, sendo um a bicicleta ou o celular e os outros dois, devem ser escolhidos entre os 6 restantes.

$$2 \cdot C_{6,2} = 2 \cdot \frac{6!}{(6-2)! 2!} = 30$$

↓
bicicleta
ou celular

O segundo filho recebe 2 dos 5 presentes restantes restantes.

$$C_{5,2} = \frac{5!}{(5-2)! 2!} = 10$$

O terceiro filho recebe os 3 presentes restantes.

$$C_{3,3} = 1$$

Assim, o total de maneiras é $30 \cdot 10 \cdot 1 = 300$

Resposta: C

A final de um campeonato de futebol foi disputada em 2 tempos regulamentares, de 45 minutos cada, sem acréscimos, com uma prorrogação de 30 minutos, também sem acréscimos. Um jogador entrou no início do segundo tempo, com um equipamento para medir a distância percorrida durante sua participação no jogo. Ao final do segundo tempo regulamentar, esse jogador havia percorrido 4,5 km. Ele manteve na prorrogação a mesma velocidade média que havia mantido no segundo tempo regulamentar.

A distância percorrida por esse jogador durante sua participação na partida, em quilômetro, foi

- a) 4,5.
- b) 6,0.
- c) 7,5.
- d) 9,0.
- e) 12,0.

Resolução

2.º tempo

45 mín. → 4,5 km

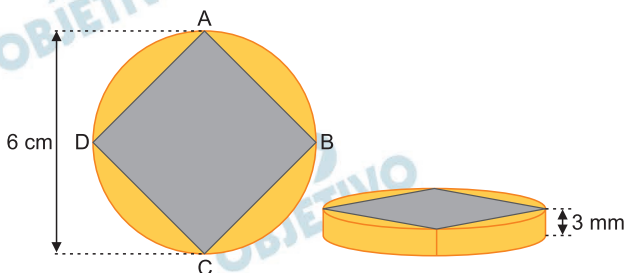
Prorrogação

30 mín. → 3 km (proporcional ao 2.º tempo)

Logo, a distância total percorrida foi
 $4,5 \text{ km} + 3 \text{ km} = 7,5 \text{ km}$

Resposta: C

A figura ilustra o projeto visual para confecção de uma medalha comemorativa, com a forma de um cilindro circular reto, de diâmetro 6 cm e espessura 3 mm.



A figura $ABCD$ tem a forma de um quadrado e é a base de um prisma que atravessa toda a medalha. A região da medalha externa a esse prisma será cunhada em ouro. Pretende-se cunhar 100 dessas medalhas.

Considere 3,1 como valor aproximado para π .

Qual é o volume de ouro, em centímetro cúbico, necessário para a confecção dessas medalhas?

- a) 288
- b) 297
- c) 567
- d) 990
- e) 1 134

Resolução

Do enunciado, vamos considerar um cilindro de raio 3 cm e altura 0,3 cm e um prisma de base quadrada com diagonal 6 cm e altura 0,3 cm. Portanto, o volume pedido será dado, em cm^3 , por:

$$V = 100 \cdot \left(\pi \cdot 3^2 \cdot 0,3 - \frac{6^2}{2} \cdot 0,3 \right) =$$

$$= 100 \left(3,1 \cdot 9 \cdot 0,3 - \frac{36}{2} \cdot 0,3 \right)$$

$$V = 100 \cdot (8,37 - 5,4) = 100 \cdot 2,97 = 297$$

Resposta: B

Três dados cúbicos, com faces numeradas de 1 a 6, foram utilizados em um jogo. Artur escolheu dois dados, e João ficou com o terceiro. O jogo consiste em ambos lançarem seus dados, observarem os números nas faces voltadas para cima e compararem o maior número obtido por Artur com o número obtido por João. Vence o jogador que obtiver o maior número. Em caso de empate, a vitória é de João.

O jogador que tem a maior probabilidade de vitória é

- a) Artur, com probabilidade de $\frac{2}{3}$
- b) João, com probabilidade de $\frac{4}{9}$
- c) Artur, com probabilidade de $\frac{91}{216}$
- d) João, com probabilidade de $\frac{91}{216}$
- e) Artur, com probabilidade de $\frac{125}{216}$

Resolução

Os resultados obtidos por João são: 1, 2, 3, 4, 5, 6. Podemos representar os resultados obtidos por Artur na seguinte tabela:

	1	2	3	4	5	6
1	1	2	3	4	5	6
2	2	2	3	4	5	6
3	3	3	3	4	5	6
4	4	4	4	4	5	6
5	5	5	5	5	5	6
6	6	6	6	6	6	6

Vamos agora contar quantos casos João ganha para cada resultado possível:

João	número de casos de vitória
1	1
2	4
3	9
4	16
5	25
6	36
total	91

Dado que são $6 \cdot 6 \cdot 6 = 216$ casos possíveis, a probabilidade de João ganhar é $\frac{91}{216}$ e

$$\text{Artur é } 1 - \frac{91}{216} = \frac{125}{216} .$$

Resposta: E

A luminância de um objeto é a grandeza que descreve a quantidade de luz produzida ou refletida por sua superfície. Ela está definida como a razão entre a intensidade luminosa, medida em candela (cd), e o quadrado da distância do objeto até o foco de luz, medida em metro (m).

A unidade de medida da luminância de um objeto é

a) $\frac{\text{cd}}{\text{m}^2}$

b) $\frac{\text{m}^2}{\text{cd}}$

c) $\frac{\text{cd}}{\text{m}}$

d) $\frac{\text{m}}{\text{cd}}$

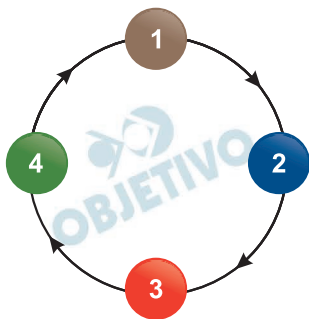
e) $\frac{\text{m}}{\text{cd}^2}$

Resolução

A unidade de medida será dada por $\frac{\text{cd}}{\text{m}^2}$

Resposta: A

Quatro amigos, cada um com 100 moedas, criaram um jogo, no qual cada um assume uma das quatro posições, 1, 2, 3 ou 4, indicadas na figura, e nela permanece até o final.



O desenvolvimento do jogo se dá em rodadas e, em todas elas, cada jogador transfere e recebe uma quantidade de moedas, da seguinte maneira:

- o jogador na posição 1 transfere 1 moeda para o jogador na posição 2;
- o jogador na posição 2 transfere 2 moedas para o jogador na posição 3;
- o jogador na posição 3 transfere 3 moedas para o jogador na posição 4;
- o jogador na posição 4 transfere 4 moedas para o jogador na posição 1, completando a rodada.

Ao final da rodada n , qual é a expressão algébrica que representa o número de moedas do jogador na posição 1?

- a) $103 + 4n$ b) $103 + 3n$
c) $100 + 4n$ d) $100 + 3n$
e) $99 + 4n$

Resolução

A cada rodada, o jogador da posição 1 transfere 1 moeda e recebe 4 moedas. Então, ele termina a primeira rodada com 103 moedas

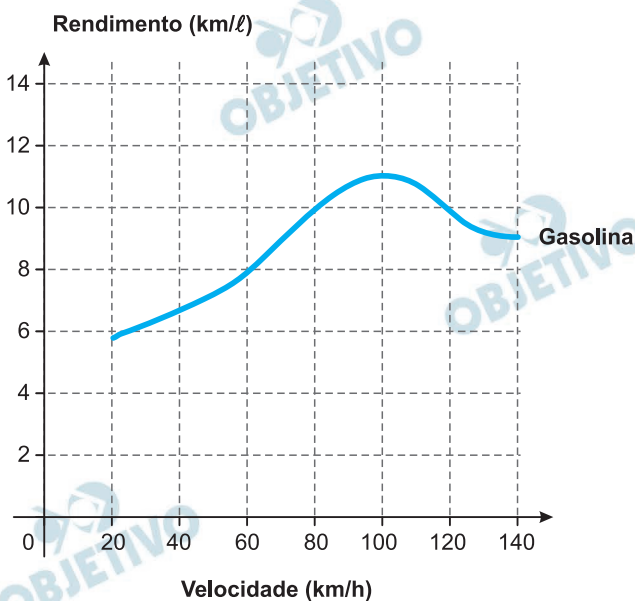
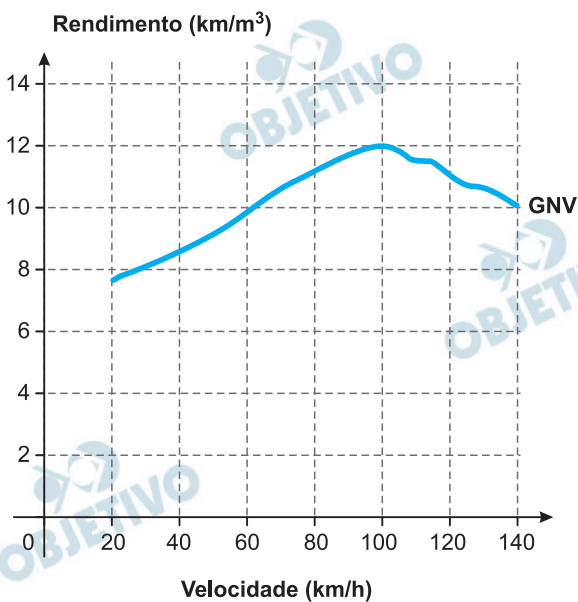
Portanto o número de moedas ao final de cada rodada é uma PA de primeiro termo 103 e razão 3.

Portanto

$$a_n = 103 + (n - 1) \cdot 3 = 100 + 3n$$

Resposta: D

Uma pessoa tem um carro bicomcombustível, que funciona a gás natural veicular (GNV) e a gasolina. O rendimento do carro, medido em km/m^3 , no caso do gás, ou medido em km/L , no caso da gasolina, depende, entre outros fatores, da velocidade, em km/h , em que o carro trafega. Essa relação está em conformidade com estes gráficos.



Durante um feriado, essa pessoa realizou uma viagem de 240 km. Para obter uma estimativa de gasto de combustível, assumamos que em todo o trajeto se manteve uma velocidade constante de 60 km/h . Considere que, durante metade do caminho, foi utilizado apenas GNV e, na outra metade, apenas gasolina. O que foi pago pelo metro cúbico de GNV e pelo litro de gasolina correspondeu, respectivamente, a R\$ 2,00 e a R\$ 3,00.

Qual foi a diferença, em real, entre os gastos totais com gasolina e com GNV?

- a) 4
- b) 8
- c) 14
- d) 21
- e) 30

Resolução

I) Pelo gráfico, o rendimento do gás considerando a velocidade de 60 km/h é 10 km/m³.

O consumo para realizar metade da viagem é:

$$\frac{120 \text{ km}}{10 \text{ km /m}^3} = 12 \text{ m}^3$$

E o valor gasto com gás é: 12 . 2 = 24 reais

II) Pelo gráfico, o rendimento da gasolina considerando a velocidade de 60 km/h é 8 km/l.

$$\frac{120 \text{ km}}{8 \text{ km /l}} = 15 \text{ l}$$

O valor gasto com gasolina é: 15 . 3 = 45 reais

Logo, a diferença entre os gastos é 45 – 24 = 21 reais.

Resposta: D

Em um país, a primeira etapa para obtenção da carteira de motorista é a contratação de três produtos:

- pacote com 20 aulas teóricas;
- pacote com 10 aulas práticas;
- aluguel do veículo para realização das aulas práticas.

Uma pessoa que pretende obter a carteira de motorista pesquisou o valor do aluguel do veículo e os valores de cada aula teórica e de cada aula prática em três autoescolas. O quadro apresenta esses valores.

Autoescola	Valor de cada aula teórica (R\$)	Valor de cada aula prática (R\$)	Aluguel do veículo (R\$)
I	10	80	400
II	30	50	200
III	20	40	400

Ela contratará os três produtos numa mesma autoescola de modo que o custo total nessa primeira etapa seja o menor possível.

A autoescola que será contratada é a

- a) I, com o custo total de R\$ 1 400,00.
- b) II, com o custo total de R\$ 280,00.
- c) II, com o custo total de R\$ 1 300,00.
- d) III, com o custo total de R\$ 460,00.
- e) III, com o custo total de R\$ 1 200,00.

Resolução

Calculando o custo total por autoescola, temos;

$$\text{I) } 10 \cdot 20 + 80 \cdot 10 + 400 = 1\,400 \text{ reais}$$

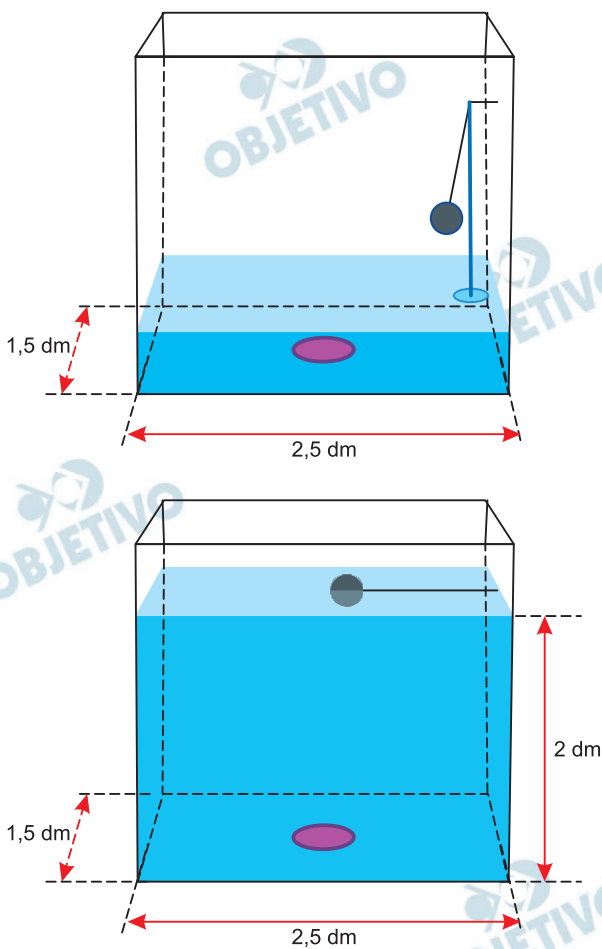
$$\text{II) } 30 \cdot 20 + 50 \cdot 10 + 200 = 1\,300 \text{ reais}$$

$$\text{III) } 20 \cdot 20 + 40 \cdot 10 + 400 = 1\,200 \text{ reais}$$

Como a pessoa contratará a de menor custo total, ela deve escolher a autoescola III.

Resposta: E

Uma caixa de descarga, acoplada a um vaso sanitário, tem a forma de paralelepípedo reto retângulo cujas dimensões internas da base são 2,5 dm e 1,5 dm. Nessa caixa há uma boia que interrompe o abastecimento quando a altura da coluna de água atinge 2 dm, conforme a figura.



A cada acionamento da descarga, todo o volume de água contida na caixa é despejado no vaso. Para reduzir o volume de água despejado a cada acionamento, uma pessoa colocará, no interior dessa caixa, garrafas de 300 mL, cheias de areia e tampadas, de modo a ficarem submersas quando o abastecimento for interrompido.

Para garantir o funcionamento eficiente, o mínimo de água despejada a cada acionamento deve ser de 5 L.

A quantidade máxima de garrafas que serão colocadas nessa caixa, garantindo um funcionamento eficiente, é igual a

- 10.
- 8.
- 4.

d) 3.

e) 2.

Resolução

- **Volume da caixa aclopada:**

$$V = 15 \text{ cm} \times 25 \text{ cm} \times 20 \text{ cm}$$

$$V = 7500 \text{ cm}^3 = 7500 \text{ ml}$$

- **Volume mínimo de água:**

$$5 \text{ l} = 5000 \text{ ml}$$

- **Volume de água em excesso:**

$$7500 - 5000 = 2500 \text{ ml}$$

- **Quantidade de garrafas:**

$$n = \frac{2500}{300} = 8,3$$

$$n = 8 \text{ garrafas}$$

Resposta: B

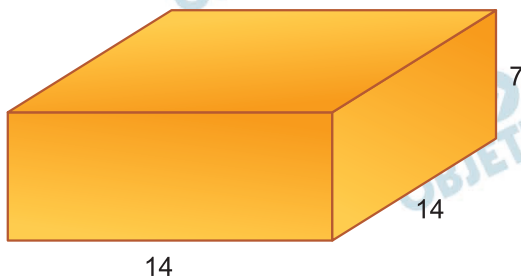
Um confeitheiro passou a produzir tortas em formato de cilindro circular reto, com raio da base variando entre 12 cm e 16 cm e altura de 6 cm. Essas tortas deverão ser embaladas em caixas com formato de prisma reto de base quadrada, de modo que seja possível acomodar a torta em seu interior e ainda restar pelo menos 1 cm de distância entre a torta e as superfícies internas da caixa, lateral e superior. Ele dispõe, originalmente, de caixas no formato pretendido, cujas dimensões internas são 14 cm de comprimento do lado da base e 7 cm de altura, que não atendem às suas necessidades. Portanto, ele comprará novas caixas, com o mesmo formato das caixas originais, mas com comprimento do lado da base maior, que sejam adequadas para embalar todos os tipos de torta que produz.

A aresta da base das novas caixas deve ser, no mínimo, quantos centímetros maior do que a das caixas originais?

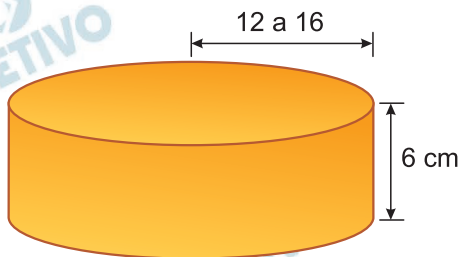
- a) 4
- b) 12
- c) 16
- d) 18
- e) 20

Resolução

Caixa original:



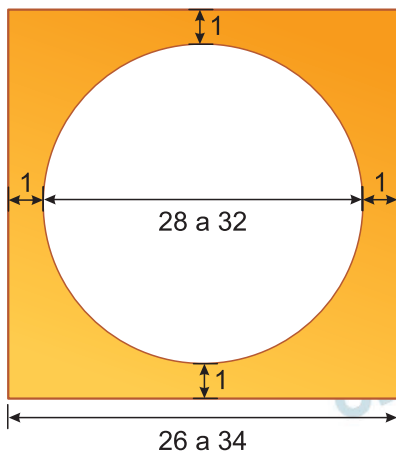
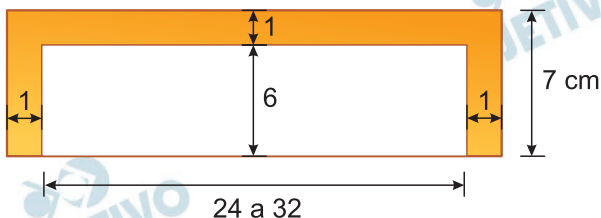
Tortas:



$$12 < \text{raio} < 16$$

$$24 < \text{diâmetro} < 32$$

Nova caixa:



- Assim a aresta da caixa para atender a todas as tortas será de 34cm.
- Então a diferença entre as arestas deverá ser no mínimo de $34 - 14 = 20$ cm.

Resposta: E

Um empresário utiliza máquinas cuja pressão interna P , em atmosfera, depende do tempo contínuo de utilização t , em hora, e de um parâmetro positivo K , que define o modelo da máquina, segundo a expressão:

$$P = 4 \cdot \log[-K \cdot (t + 1) \cdot (t - 19)]$$

O fabricante dessas máquinas recomenda ao usuário que a pressão interna desse tipo de máquina não ultrapasse 10 atmosferas durante seu funcionamento.

O empresário pretende comprar novas máquinas desse tipo que deverão funcionar, diariamente, por um período contínuo de 10 horas. Para isso, precisa definir o modelo de máquina a ser adquirida escolhendo o maior valor possível do parâmetro K , atendendo à recomendação do fabricante.

O maior valor a ser escolhido para K é

a) $10^{0,5}$

b) 10^8

c) $w \frac{10^{2,5}}{84}$

d) $\frac{10^{2,5}}{99}$

e) 25×10^{-2}

Resolução

$P = 4 \log [-k (t + 1) (t - 19)]$ é contínua e, sendo $y = -K (t + 1) (t - 19) \Leftrightarrow y = -K (t^2 - 18t - 19)$

cujo o vértice $t_v = \frac{-b}{2a} = \frac{-(-18)}{-2} = 9$

Para $t = 9$

$$P = 4 \log [-K (-100)]$$

Como $P \leq 10$, temos:

$$4 \cdot \log(100K) \leq 10$$

$$100K \leq 10^{10/4}$$

$$K \leq \frac{10^{2,5}}{10^2} \Leftrightarrow K \leq 10^{0,5}$$

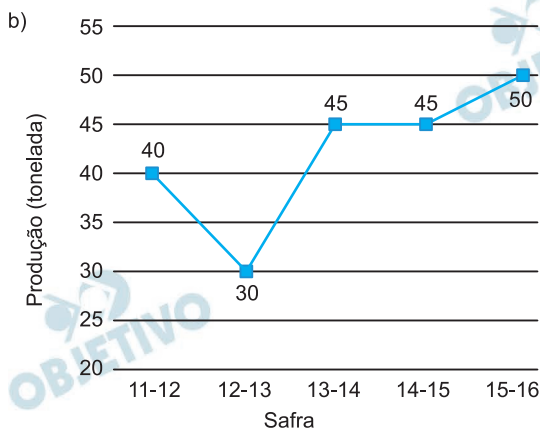
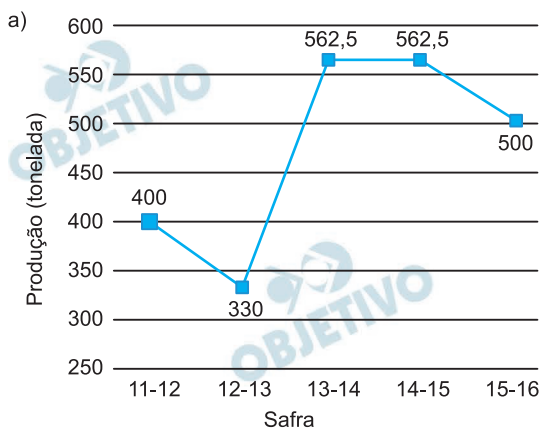
Portanto, o maior valor de K é $10^{0,5}$

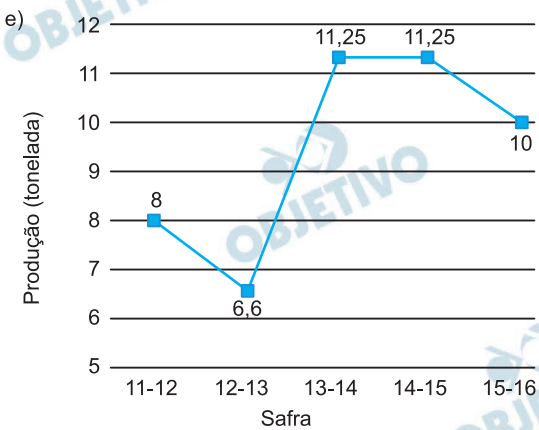
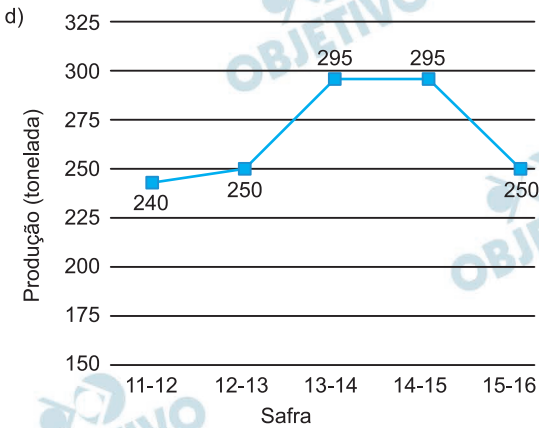
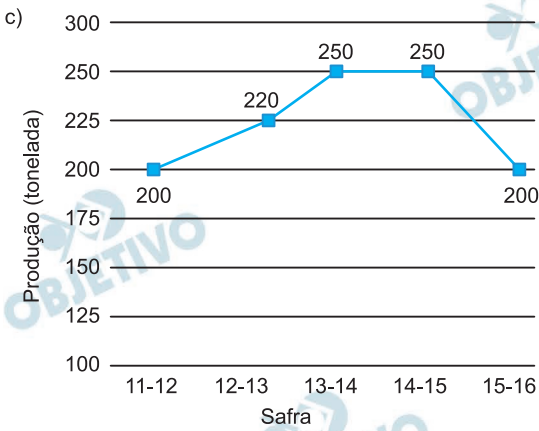
Resposta: A

A produtividade de soja em uma área cultivada é a média da quantidade de sacas de 50 quilogramas que são produzidas por hectare. O quadro apresenta a área cultivada e a produtividade de soja em certa propriedade, ao longo de cinco safras, com períodos de um ano, de 2011 a 2016.

Safra	11-12	12-13	13-14	14-15	15-16
Área cultivada (hectare)	200	220	250	250	200
Produtividade (sacas de 50 kg por hectare)	40	30	45	45	50

O gráfico de linhas que representa a produção de soja dessa propriedade, em tonelada, nessas cinco safras é





Resolução

Para obter a produção em cada safra deve-se multiplicar a quantidade de sacas por 50 kg e o resultado pelo n.º de hectares da área cultivada. Ao fazê-lo obtém-se os seguintes resultados:

Safra	Produção
11-12	$40 \cdot 50 \cdot 200 = 400\ 000 \text{ kg} = 400$ toneladas
12-13	$30 \cdot 50 \cdot 220 = 33000 \text{ kg} = 330$ toneladas
13-14	$45 \cdot 50 \cdot 250 = 562500 \text{ kg} = 562,5$ toneladas
14-15	$45 \cdot 50 \cdot 250 = 562500 \text{ kg} = 562,5$ toneladas
15-16	$50 \cdot 50 \cdot 200 = 500\ 000 \text{ kg} = 500$ toneladas

O gráfico que exibe corretamente esses resultados é o que se encontra na alternativa A.

Resposta: A