

Interdisciplinares de Ciências Humanas e de Ciências da Natureza

Matemática | História | Geografia



Instruções para a realização da prova

- Neste caderno, deverão ser respondidas as questões das seguintes provas:
Interdisciplinar de **Ciências Humanas** (1 e 2);
Interdisciplinar de **Ciências da Natureza** (3 e 4);
Matemática (5 a 10);
História (11 a 16);
Geografia (17 a 22).
- Atenção:** nas questões que exigem cálculo, não basta escrever apenas o resultado final. É necessário mostrar a resolução ou o raciocínio utilizado para responder às questões.
- A prova deve ser feita com caneta esferográfica preta. Utilize apenas o espaço reservado (e claramente identificado) para a resolução das questões.**
- A duração total da prova é de cinco horas.**

ATENÇÃO

Os rascunhos **não** serão considerados na correção.

UNICAMP VESTIBULAR 2022 – 2ª FASE
CIÊNCIAS HUMANAS / ARTES

ORDEM

INSCRIÇÃO

ESCOLA

SALA

LUGAR

NOME

ASSINATURA DO CANDIDATO



DECLARAÇÃO DE PRESENÇA

Declaramos, para os devidos fins, que o candidato abaixo identificado, inscrito no Vestibular Unicamp 2022, compareceu ao segundo dia das provas de 2ª Fase, em 10 de janeiro de 2022.

Nome:

Documento:

[Handwritten signature]

Coordenação de Logística
Comissão Permanente para os Vestibulares da Unicamp

RASCUNHO

7. Heloísa está brincando com uma urna que contém bolinhas azuis, verdes e rosas. Ela resolve construir uma sequência numérica x_0, x_1, x_2, \dots de acordo com as cores das bolinhas que sorteia da urna. O primeiro termo da sequência é $x_0 = 1$.

A cada sorteio, um novo termo da sequência é determinado multiplicando-se o termo anterior:

- por 2, se a bolinha sorteada for azul;
- por 3, se a bolinha sorteada for verde;
- por 5, se a bolinha sorteada for rosa.

A bolinha sorteada é devolvida para a urna antes do próximo sorteio. Por exemplo, se nos três primeiros sorteios Heloísa retira, respectivamente, uma bolinha rosa, uma verde e uma azul, então a sequência obtida é

- $x_0 = 1$,
- $x_1 = 5 \cdot x_0 = 5$,
- $x_2 = 3 \cdot x_1 = 15$,
- $x_3 = 2 \cdot x_2 = 30$.

a) Sabendo que Heloísa obteve a sequência 1, x_1 , 4, 20, x_4 , 180, calcule x_1 e x_4 e complete o quadro abaixo com as **cores** das bolinhas sorteadas.

b) É possível que Heloísa obtenha uma sequência contendo o termo 189? Justifique.

Resolução (será considerado apenas o que estiver escrito com caneta dentro deste espaço).

a)

1ª bolinha	2ª bolinha	3ª bolinha	4ª bolinha	5ª bolinha
		rosa		

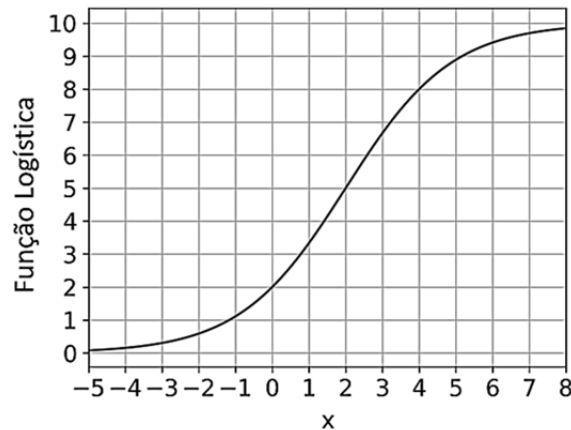
RASCUNHO

8. Por volta de 1845, o matemático belga Pierre Verhulst começou a estudar um tipo de função que hoje é conhecida como função logística. Originalmente utilizada para modelar problemas envolvendo crescimento populacional, atualmente tem muitas outras aplicações em ecologia, biomatemática, sociologia e ciências políticas. Uma função logística pode ser definida por

$$f(x) = \frac{L}{1 + 2^{-k(x-x_0)}}, \quad x \in \mathbb{R},$$

em que $k > 0$, $L > 0$ e $x_0 \in \mathbb{R}$.

- Seja f^{-1} a função inversa de f . Determine a expressão e o domínio de f^{-1} .
- O gráfico abaixo é de uma função logística com $L = 10$. Determine os valores de x_0 e k .



Resolução (será considerado apenas o que estiver escrito com caneta dentro deste espaço).

RASCUNHO

RASCUNHO